

---

## Inertia constant and damping coefficient estimation in multi-area interconnected power systems

Yaser Erfaghi<sup>1</sup>, Master's Degree, Aref Doroudi<sup>2</sup>, Associate Professor

Shahed University, Tehran, Iran  
yaser.erfaghi@shahed.ac.ir  
doroudi@shahed.ac.ir

**Abstract:** The inertia constant, a key parameter that makes power systems robust to disturbances and disruptions, has today been changed by factors such as the influence of renewable generation units and the reduction of traditional synchronous generators. Changes in the inertia of a power network play an important role in its performance, and a lack of knowledge of its status will have severe consequences for the network's online protection and control systems. Hence, knowledge of its online changes is essential for transmission system operators. This paper presents an online inertia estimation method that is based on inter-area electromechanical oscillations and simultaneously estimates the network inertia constant and the system damping coefficient. Unlike the previous methods that have used the flow of active power between two areas, the oscillation parameters are extracted from the voltage angle of the buses, improving the accuracy of the estimate. For this purpose and based on the classical swing equation, the relationship between the inertia constant of the system and the electromechanical oscillation parameters is first determined by the Prony technique. Then, the network equivalent inertia and damping coefficient are estimated. The efficiency and accuracy of the proposed method are verified by DigiSilent and MATLAB software and in several scenarios implemented on the IEEE 39-bus standard network. The simulation results show the appropriate accuracy of the proposed method. It is shown that the results of estimating the inertia and damping coefficient based on the active power signal have an average error percentage of 10 and 17.32, respectively. After using the voltage angle signal, the results are improved to 9.03 and 11.94, respectively. Due to the simplicity and small burden of calculations, the presented method can be easily used by network operators.

**Keywords:** Inertia constant, Power system reduction, Damping coefficient, Electromechanical oscillations

Date of sending the article: 2022/12/17

Acceptance date of the article: 2023/12/11

Name of the Corresponding Author: Aref Doroudi

Corresponding Author's Address: Department of Electrical Engineering, Faculty of Engineering, Shahde University  
Tehran, Iran

## تخمین ثابت اینرسی و ضریب میرایی در شبکه‌های قدرت به هم پیوسته

نوع مطالعه: پژوهشی

یاسر ارفاقی<sup>۱</sup>، مقطع کارشناسی ارشد، عارف درودی<sup>۲</sup>، دانشیار

۱- دانشکده مهندسی برق- دانشگاه شاهد- تهران- ایران

– yaser0267650@gmail.com

۲- دانشکده مهندسی برق- دانشگاه شاهد - تهران- ایران

– doroudi@shahed.ac.ir

چکیده: ثابت اینرسی به عنوان پارامتری کلیدی که سیستم‌های قدرت را در برابر اختلال و اغتشاش مقاوم می‌سازد، امروزه تحت تاثیر عواملی چون نفوذ واحدهای تولید پراکنده و کاهش تعداد ژنراتورهای سنکرون سنتی دچار تغییر شده است. تغییرات ثابت اینرسی یک شبکه قدرت، نقش مهمی در عملکرد آن ایفا کرده و عدم اطلاع از وضعیت آن، پیامدهای شدیدی بر روی سیستم‌های حفاظت و کنترل آنلاین شبکه خواهد داشت و لذا آگاهی از تغییرات آنلاین آن برای اپراتورهای سیستم انتقال امری ضروری است. این مقاله یک روش تخمین اینرسی آنلاین ارائه می‌دهد که بر اساس نوسانات الکترومکانیکی بین ناحیه‌ای بوده و به طور همزمان ثابت اینرسی شبکه و ضریب میرایی سیستم را تخمین می‌زند. در مقاله حاضر، برخلاف روشهای قبلی که از توان اکتیو انتقالی بین دو ناحیه استفاده می‌شد، پارامترهای نوسان از زاویه ولتاژ باسها استخراج شده که باعث افزایش دقت تخمین شده است. برای این کار و بر اساس معادله نوسان کلاسیک، ابتدا رابطه بین ثابت اینرسی سیستم و پارامترهای نوسان الکترومکانیکی با روش پرونی تعیین شده و سپس اینرسی و ضریب میرایی معادل شبکه تخمین زده می‌شود. کارایی و دقت روش تخمین پیشنهادی توسط نرم افزار دیگسایلنت و متلب و در چندین سناریو که بر روی شبکه استاندارد ۳۹ باس IEEE پیاده‌سازی می‌شوند، صحت‌سنجی می‌گردد. نتایج شبیه‌سازی نشان‌دهنده دقت مناسب روش پیشنهادی است. نشان داده می‌شود که نتایج تخمین اینرسی و ضریب میرایی بر اساس سیگنال توان اکتیو به ترتیب دارای درصد میانگین خطا ۱۰ و ۱۷/۳۲ بوده که پس از استفاده از سیگنال زاویه ولتاژ، نتایج به ترتیب به مقادیر ۹/۰۳ و ۱۱/۹۴ بهبود پیدا می‌کنند. به دلیل سادگی و حجم کم محاسبات، روش ارائه شده می‌تواند توسط بهره‌برداران شبکه به راحتی مورد استفاده قرار گیرد.

واژه های کلیدی: ثابت اینرسی، کاهش سیستم قدرت، ضریب میرایی، نوسانات الکترومکانیکی، تکنیک پرونی

تاریخ ارسال مقاله: ۱۴۰۱/۰۹/۲۶

تاریخ پذیرش مقاله: ۱۴۰۲/۰۹/۲۰

نام نویسنده‌ی مسئول: عارف درودی

نشانی نویسنده‌ی مسئول: ایران، تهران، دانشگاه شاهد، دانشکده مهندسی برق، گروه قدرت

## ۱- مقدمه

اینرسی سیستم قدرت، رفتار و سرعت تغییرات فرکانس آن را در طول اولین لحظات بروز اغتشاش تعیین می‌کند. به‌عنوان مثال، اگر در حالت کمبود شدید توان، سیستم قدرت اینرسی بالایی داشته باشد، قادر است تا در برابر کاهش فرکانس به‌صورت گسترده مقاومت کند (Linaro et al., 2023). علاوه بر این با آگاهی از وضعیت اینرسی شبکه، می‌توان پاسخ فرکانسی سیستم در مقابل اغتشاشات را به خوبی ارزیابی کرده که خود منجر به طراحی مناسب سیستم‌های کنترلی شبکه خواهد شد.

روشهای تخمین اینرسی را می‌توان از دیدگاه افق زمانی به سه رده آفلاین، آنلاین و متدهای پیش‌بینی طبقه‌بندی کرد. هدف روش‌های آفلاین، تخمین سطح اینرسی به ازای اختلالات فرکانسی بزرگ، هدف روش‌های آنلاین، تخمین لحظه‌ای اینرسی بر اساس اندازه‌گیری‌های قابل‌دسترس و هدف از متدهای پیش‌بینی، تخمین اینرسی مورد انتظار سیستم در آینده است. در روش‌های آفلاین، اینرسی کل تجهیزات شبکه، شامل ژنراتورها، بارها و ... پس از وقوع یک اختلال فرکانسی بزرگ (که در آن مقدار عدم تعادل توان مربوط به اختلال به طور دقیق مشخص است)، تخمین زده می‌شود. دقت این روشها تحت تأثیر برخی عوامل قرار گرفته و به همین دلیل ممکن است همه رویدادها برای تخمین اینرسی به روش آفلاین مناسب نباشند. این عوامل شامل دانستن اندازه تلفات و زمان شروع رویداد به‌طور دقیق و دقت محاسبه نرخ تغییر فرکانس به دلیل وجود نوسانات و نویز است (Bian et al., 2017). رده دوم، یعنی روش‌های آنلاین را می‌توان با شاخص تفکیک زمانی به سه گروه روش‌های کران پایین، روش‌های گسسته و روش‌های پیوسته تقسیم‌بندی نمود. در روش‌های کران پایین، با جمع کردن اینرسی ژنراتورهای سنکرون متصل به شبکه، اینرسی سیستم انتقال را تقریب می‌زنند. به هر حال، مقادیر دقیق ثلث‌های اینرسی ژنراتورها معمولاً برای اپراتورهای سیستم انتقال در دسترس نیست (Linaro et al., 2023). روش‌های گسسته دارای دو حوزه کاری هستند: روش‌هایی که مستقیماً با داده‌های زمانی سر و کار دارند و روش‌هایی که در حوزه مدال کار نموده و اینرسی را بر اساس نوسانات بین ناحیه‌ای تخمین می‌زنند (Wang et al., 2020) و (Panda et al., 2019b). گروه سوم یعنی روش‌های پیوسته متکی بر اندازه‌گیری‌های فرکانسی و تخمین پیوسته عدم تعادل توان در سیستم هستند. این روش‌ها، اینرسی را در حوزه زمان، حوزه لاپلاس و مدال تخمین می‌زنند. شایان ذکر است که تخمین پیوسته عدم تعادل توان در طول عملکرد نرمال شبکه کاری دشوار است و ضعف در تخمین عدم تعادل توان از مشکلات اساسی روش‌های پیوسته است، به‌طوری‌که دقت و اعتبار روش‌های تخمین اینرسی پیوسته به خوبی اثبات نشده است (Tuttelberg et al., 2018) و (Panda et al., 2019a). رده سوم روش‌های تخمین اینرسی، متدهای پیش‌بینی بوده که به کمک آن‌ها زمان در معرض خطر قرار

داشتن سیستم مشخص می‌گردد. پیش‌بینی در هر دوره باید تخمینی از پایین‌ترین سطح اینرسی شبکه در آن دوره باشد. به همین دلیل، به تفکیک زمانی بالاتری نیاز دارد، به ویژه اگر تغییرات زیادی در یک دوره زمانی در شبکه رخ دهد (Du & Matevosyan, 2017). توسعه مدل‌های پیش‌بینی اینرسی به دلیل کمبود تعداد داده‌های موجود با چالش مواجه است و لذا امروزه، روش‌های تخمین آنلاین اینرسی شبکه و از آن میان روش‌های آنلاین گسسته به شکل گسترده‌ای مورد استفاده قرار می‌گیرند. دو چالش اساسی این روشها در تخمین اینرسی، مناسب بودن اختلال و تخمین دقیق اندازه اختلال است (Schiffer et al., 2019) و (Prabhakar et al., 2022).

در این مقاله، یک روش جامع برای تخمین اینرسی یک شبکه قدرت به صورت آنلاین ارائه می‌شود. این روش براساس نوسانات بین‌ناحیه‌ای و وقوع اختلال است لذا جزو روش‌های آنلاین گسسته تخمین اینرسی قرار می‌گیرد. روش پیشنهادی براساس نوسانات بین‌ناحیه‌ای بوده و ابتدا با یافتن ژنراتورهای هم‌نوا، کل شبکه را به دو ناحیه تقسیم می‌کند. سپس با یافتن پارامترهای معادل دو ناحیه و استفاده از معادلات نوسانی بین دو ناحیه‌ای به تخمین اینرسی و ضریب میرایی می‌پردازد. در این روش بر خلاف مقالات قبلی، از سیگنال زاویه ولتاژ به جای توان عبوری از خط ارتباطی، برای تخمین مدهای سیستم بهره گرفته می‌شود. نشان داده می‌شود که این سیگنال، نتایج بهتری را ارائه می‌دهد. مدهای سیستم نیز توسط روش پرونی از سیگنال زاویه ولتاژ استخراج می‌شود. همچنین تأثیر واحدهای تجدیدپذیر بر کاهش اینرسی شبکه نیز طبق سناریویی مورد بحث و بررسی قرار می‌گیرد.

نوآوریهای مقاله به شرح زیر است:

- ارایه روشی جامع که قادر است به صورت آنلاین ثابت اینرسی و ضریب میرایی شبکه را پس از وقوع هر اختلال تخمین بزند.
- استفاده از روش پرونی برای استخراج مدهای نوسانی
- استفاده از سیگنال زاویه ولتاژ به جای سیگنال توان عبوری. این سیگنال به راحتی در دستگاههای PMU جدید در دسترس است.

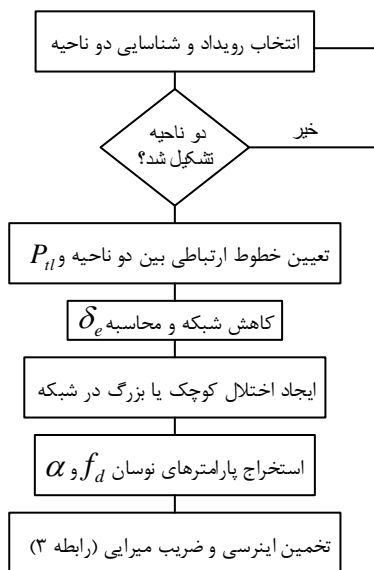
ساختار مقاله به ترتیب ذیل است: در بخش ۲ به بیان رابطه بین پارامترهای نوسان و پارامترهای دینامیکی یک سیستم تک‌ناحیه پرداخته شده و در بخش ۳ این روش، برای سیستم‌های قدرت به‌هم‌پیوسته چندناحیه‌ای تعمیم و روش پیشنهادی برای تخمین اینرسی و ضریب میرایی اینگونه سیستمها ارائه می‌شود. در بخش ۴، با استفاده از شبکه ۳۹ باس IEEE، شبیه‌سازی روش پیشنهادی صورت گرفته و نتایج روش بیان می‌گردد. بخش ۵ به ارایه روشی برای بهبود نتایج و کم نمودن خطای تخمین پرداخته و در نهایت در بخش ۶ نتیجه‌گیری و پیشنهادها گزارش می‌شود.

$$\left. \begin{aligned} \dot{\delta}_e &= \omega_e (\omega_e - 1) \\ \forall H_e \dot{\omega}_e &= P_m - P_{II} - D_e (\omega_e - \omega_e) \end{aligned} \right\} \text{Linearization}$$

$$\left\{ \begin{aligned} s \Delta \delta_e(s) &= \omega_e \Delta \omega_e(s) \\ \forall H_e s \Delta \omega_e(s) &= \Delta P_m - P_{II} \cdot \cot(\delta_e) \Delta \delta_e(s) - D_e \Delta \omega_e(s) \end{aligned} \right\} \Rightarrow (4)$$

$$s^2 \forall H_e \Delta \omega_e(s) + s D_e \Delta \omega_e(s) + \omega_e P_{II} \cdot \cot(\delta_e) \Delta \omega_e(s) = 0$$

در رابطه فوق،  $\delta_e = \delta_1 - \delta_2$  اختلاف زاویه توان معادل دو ناحیه،  $\omega_e = \omega_1 - \omega_2$  اختلاف سرعت زاویه‌ای معادل دو ناحیه،  $P_{II}$  توان اکتیو انتقالی بین دو ناحیه،  $D_e$  ضریب میرایی معادل دو ناحیه و  $H_e$  اینرسی معادل سیستم است. همانطور که مشاهده می‌شود معادله نوسان سیستم دو ناحیه‌ای شبیه به سیستم تک ماشینه متصل به باس بینهایت است و تنها کافی است اختلاف زاویه روتور و اختلاف سرعت زاویه‌ای به عنوان متغیرهای حالت جدید در نظر گرفته شوند. لذا می‌توان از نتایج سیستم قدرت تک ماشینه متصل به باس بینهایت برای سیستم‌های بهم پیوسته دو ناحیه‌ای که خود معادل یک شبکه قدرت به هم پیوسته است نیز استفاده کرد. در این حالت، اینرسی و ضریب میرایی معادل سیستم، پس از یافتن پارامترهای نوسانات الکترومکانیکی ( $\alpha$  و  $f_d$ )، اختلاف زاویه توان معادل ( $\delta_{e0}$ ) و توان اکتیو انتقالی بین دو ناحیه ( $P_{II}$ ) و از طریق معادله (۳) قابل تخمین است. بر مبنای مطالب فوق، فلوجارت روش پیشنهادی این مقاله در شکل ۲ آمده است.



شکل (۲): فلوجارت روش تخمین پیشنهادی

همانطور که مشاهده می‌شود در روش پیشنهادی و در شروع کار باید شبکه را به دو گروه ژنراتورهای هم‌نوا تقسیم کرد. در این مقاله با استفاده از یکی از تکنیک‌های کارا و موثر تشخیص هم‌نوا، شبکه به دو گروه ژنراتورهای هم‌نوا تقسیم می‌شود. پس از شناسایی دو گروه هم‌نوا، ابتدا خطوط ارتباطی بین دو ناحیه تعیین شده تا به ازای وقوع یک اختلال واقعی در سیستم قدرت، مقدار توان انتقالی بین دو ناحیه قابل تشخیص باشد. در ادامه برای محاسبه امیدانس خط ارتباطی، ابتدا باسهای متصل به بار شبکه در هر گروه حذف و شبکه‌ای معادل شبکه

## ۲- رابطه بین پارامترهای یک سیستم تک‌ناحیه و نوسانات الکترومکانیکی

برای درک پاسخ و رفتار یک شبکه قدرت لازم است که معادله نوسان یا سوئینگ آن بررسی شود. معادله خطی نوسان سرعت یک سیستم تک ماشینه متصل به باس بی‌نهایت در حوزه لاپلاس به صورت رابطه (۱) است (Kundur & Malik, 2022):

$$(s^2 H) \Delta \omega_p(s) + D s \Delta \omega_p(s) + \omega_e P_e \cdot \cot(\delta_e) \Delta \omega_p(s) = \Delta P_m \quad (1)$$

که در آن  $H$  ثابت اینرسی ماشینه،  $\Delta \omega_p$  تغییرات سرعت،  $D$  ضریب میرایی،  $\omega_e$ ،  $P_e$  و  $\delta_e$  به ترتیب سرعت، توان الکتریکی و زاویه توان ماشینه در حالت ماندگار است.  $\Delta P_m$  نیز تغییرات مکانیکی ماشینه در حالت بروز نوسان است که با توجه به ثابت بودن تقریبی توان مکانیکی در طول نوسان (با چشم پوشی از اثر گاورنر) می‌تواند برابر صفر قرار گیرد. مقادیر ویژه معادله دیفرانسیل همگن فوق به صورت رابطه (۲) خواهد بود:

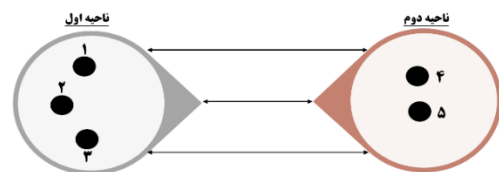
$$s_{1,2} = \frac{-D}{2H} \pm \sqrt{\frac{D^2 - 4\omega_e H P_e \cot(\delta_e)}{4H}} \quad (2)$$

بر اساس نظریه مدال برای سیستم تک ماشینه متصل به باس بی‌نهایت رابطه بین پارامترهای سیستم قدرت شامل ثابت اینرسی  $H$  و ضریب میرایی  $D$  با پارامترهای مدهای نوسانی شامل فرکانس نوسانات  $f_d$  و میرایی  $\alpha$  به صورت رابطه (۳) خواهد بود (Kundur & Malik, 2022):

$$2\pi f_d = \frac{\sqrt{D^2 - 4\omega_e H P_e \cot(\delta_e)}}{2H}, \quad \alpha = \frac{-D}{2H} \quad (3)$$

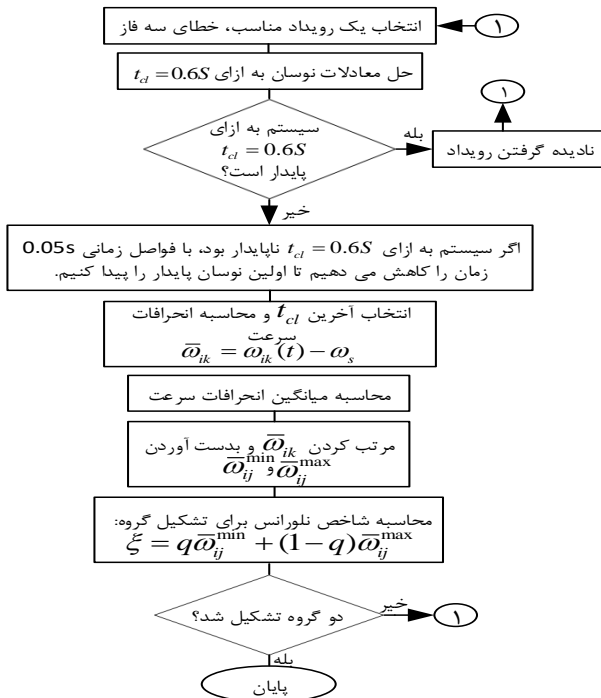
## ۳- روش پیشنهادی برای تخمین اینرسی سیستم‌های قدرت به هم پیوسته

شبکه قدرت به هم پیوسته‌ای را در نظر بگیرید. به محض بروز اختلال در شبکه، می‌توان آن را به دو ناحیه مجزا تقسیم کرد که با خطوط ارتباطی به یکدیگر متصل شده‌اند و نوسان ژنراتورهای هر ناحیه نسبت به ناحیه دیگر عکس یکدیگر است (شکل ۱).



شکل ۱: معادل دو ناحیه‌ای از یک شبکه قدرت به هم پیوسته

در اینصورت معادلات نوسان و روابط خطی شده آن به شکل زیر خواهد بود (Kundur & Malik, 2022):



شکل ۳: فلوچارت روش شناسایی گروه های همنا

صرف نظر کرد، در نتیجه اختلاف زاویه بین دو ناحیه همنا می تواند توسط رابطه (۵) محاسبه می شود:

$$\delta_e \approx \sin^{-1}(P_{il} \cdot X_e) \quad (5)$$

که  $X_e$  راکتانس معادل بین دو ناحیه است و به دست آوردن آن نیازمند استفاده از تکنیک‌های کاهش شبکه است. فرایند کاهش شبکه در دو مرحله انجام می شود. در مرحله اول تمام باس‌های متصل به بار شبکه حذف می شوند تا فقط باس‌های ژنراتوری باقی بمانند و در مرحله دوم باس‌های ژنراتوری مربوط به ماشین‌های همنا معادل سازی می شوند تا در نهایت شبکه‌ای با دو باس ژنراتوری معادل بوجود آید. حال می توان، راکتانس معادل بین دو ناحیه یعنی  $X_e$  را از طریق ماتریس ادمیتانس متناظر با دو ناحیه معادل ژنراتورهای همنا محاسبه نمود. این دو مرحله در ادامه توضیح داده خواهد شد.

### ۳-۲-۱ حذف باسهای متصل به بار

در این مقاله از روش ward جهت حذف باسهای متصل به بار استفاده شده است (Baldwin et al., 1994). در این روش، ابتدا معادلات شبکه به فرم  $Y_{bus} V = I$  مرتب می شوند. سپس با حذف  $k$  امین باس، ماتریس ادمیتانس و بردارهای جریان به صورت رابطه زیر اصلاح می شوند:

$$Y'_{ij} = Y_{ij} - \frac{Y_{ik} Y_{kj}}{Y_{kk}}; \quad i, j = 1, \dots, n; \quad i, j \neq k$$

$$I'_i = I_i - \frac{Y_{ik}}{Y_{kk}} I_k; \quad i = 1, \dots, n; \quad i \neq k \quad (6)$$

حذف باسهای متصل به بار به همین شکل ادامه می یابد تا اینکه فقط باسهای ژنراتوری باقی بمانند.

اصلی هر گروه و شامل تنها باسهای ژنراتوری آن گروه تشکیل می گردد. سپس کلیه ژنراتورهای همنا در یک گروه با یک ژنراتور معادل جایگزین می شوند. در واقع، در نهایت در هر گروه تنها یک ژنراتور و یک راکتانس معادل باقی می ماند و اختلاف زاویه بین دو گروه با رابطه‌ای ساده محاسبه می گردد. با محاسبات فوق، و در صورت وقوع اختلافی در شبکه می توان به شکل آنلاین پارامترهای نوسانی شبکه شامل ثابت اینرسی و ضریب میرایی معادل آن را تخمین زد. به این صورت که به ازای وقوع هر رخدادی در شبکه، ابتدا مشخصه‌های مدهای نوسانی سیستم توسط روش پرونی از یک سیگنال شبکه مانند توان اکتیو انتقالی بین دو ناحیه، استخراج شده و سپس با استفاده رابطه (۳)، اینرسی و ضریب میرایی سیستم تخمین زده می شود. نکته دیگری که وجود دارد این است که سیستم‌های قدرت به هم پیوسته برخلاف سیستم‌های تک ناحیه‌ای، دارای دو نوع مد نوسانی هستند، مد نوسانی محلی و مد نوسانی بین ناحیه‌ای. مدهای محلی که فرکانسی در محدوده ۱ تا ۲ هرتز دارند با گروه کوچکی از ژنراتورها در ارتباطند که در برابر یک سیستم بسیار بزرگ نوسان می کنند. در مقابل مدهای بین ناحیه‌ای با فرکانس در محدوده ۰/۱ تا ۱ هرتز، یک گروه از ژنراتورها را در برابر گروه دیگری از ژنراتورها (با فواصل طولانی از یکدیگر) در بر می گیرند (Jan-E-Alam, 2009). در این مقاله از مدهای بین ناحیه‌ای برای تخمین پارامترهای نوسانی سیستم استفاده خواهد شد. در ادامه جزئیات روش پیشنهادی به تفصیل بیان می شود.

### ۳-۱ تعیین توان اکتیو انتقالی بین دو ناحیه

همان طور که گفته شد، برای محاسبه توان اکتیو انتقالی بین دو ناحیه در ابتدا لازم است که سیستم قدرت به دو ناحیه همنا تقسیم شود. جهت تقسیم سیستم قدرت به دو ناحیه همنا، الگوریتمهای مختلفی ارائه شده است. در این مقاله معیار انحراف سرعت زاویه‌ای برای شناسایی ماشین‌های همنا مورد استفاده قرار می گیرد (Marrion et al., 2010). فلوچارت الگوریتم مورد استفاده در شکل (۳) خلاصه شده است.

در روش فوق،  $q$  شاخص کیفیت همناویی نام داشته که در این مقاله برابر دو (نیاز به دو ناحیه همنا) انتخاب شده است. پس از اعمال الگوریتم فوق روی شبکه قدرت مورد نظر، دو ناحیه همنا به صورت شکل (۱) از یکدیگر تفکیک شده و توان اکتیو انتقالی بین دو ناحیه به راحتی محاسبه می شود.

### ۳-۲ تعیین اختلاف زاویه معادل بین دو ناحیه

برای یافتن اختلاف زاویه معادل بین دو ناحیه و از آنجا که خطوط ارتباطی بین دو ناحیه دارای گره‌های اتصال متفاوتی هستند لذا به دست آوردن آن به سادگی توان اکتیو انتقالی امکان پذیر نیست. از طرفی در شبکه انتقال لندازه ولتاژ باس‌ها در حلت پایدار حدودا یک پریونیت است و با توجه به این که از مقاومت خطوط نیز می توان

### ۲-۲-۳ معادل‌سازی ژنراتورهای هم‌نوا

دو ژنراتور هم‌نوا، ژنراتورهایی هستند که با سرعت زاویه‌ای مشابه و نزدیک به هم (اختلاف سرعتها از یک عدد کوچک و از پیش تعیین شده مانند  $\epsilon$  کمتر است) و با نسبت ولتاژ پایانه ثابت  $(\frac{V_i}{V_j} = b = Cte)$  نوسان می‌کنند. با اعمال تعریف فوق بر روی باسهای ژنراتوری هم‌نوی  $i$  و  $j$  خواهیم داشت:

$$I_e = I_j + b * I_i \quad (7)$$

که در آن  $b$  عددی ثابت بوده و  $I_e$  جریان معادل دو ژنراتور هم‌نوا است. به این ترتیب باسهای ژنراتورهای هم‌نوی موجود در یک ناحیه، یکی یکی کاهش یافته تا در نهایت در هر ناحیه یک باس ژنراتوری معادل باقی بماند.

### ۳-۳ تعیین پارامترهای نوسانات الکترومکانیکی

شناسایی پارامترهای نوسان به‌طور قابل توجهی نتایج تخمین را تحت تأثیر قرار می‌دهد. این پارامترها تحت تاثیر عواملی چون تغییر امپدانس خطوط ارتباطی و تغییر توان عبوری از خطوط قرار دارند. به منظور بررسی دقیق نوسانات بین ناحیه‌ای و شناسایی مدهای آن، تکنیکهای بسیاری ارائه شده است. در این مقاله از آنالیز پرونی برای اینکار استفاده می‌شود (Grund et al., 1993). این روش که در واقع اصلاحی از روش فوریه است فرکانسهای پایین موجود در یک سیگنال را به شکل موثری حتی در حضور نویز شناسایی و استخراج می‌کند (Mohamed et al., 2022). در این روش، سیگنال به صورت مجموعه‌ای از سیگنال‌های سینوسی میرا شده در نظر گرفته شده و گروهی از مؤلفه‌های نمایی بر روی سیگنال به صورت خطی برازش می‌شوند (Ray, 2017):

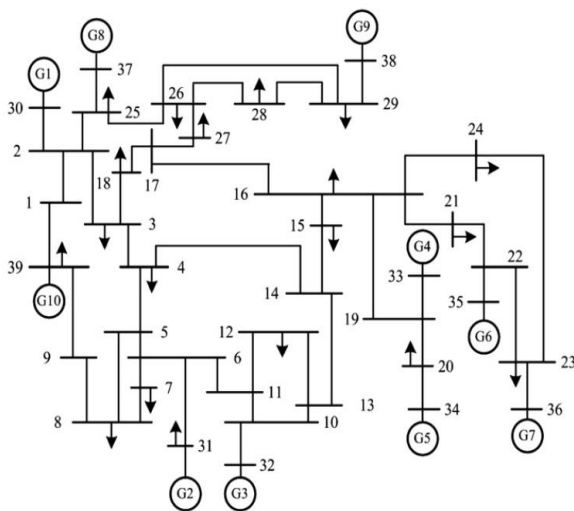
$$Y_k = \sum_{n=1}^{N-1} A_n e^{\sigma n t} \cos(2\pi f_n t + \theta_n), \quad n=1,2,3,\dots \quad (8)$$

که در آن  $A_n$  دامنه،  $\sigma$  ضریب میرایی،  $f_n$  فرکانس و  $\theta_n$  زاویه فاز مد  $n$  ام هستند. هر مؤلفه نمایی با یک فرکانس مشخص به عنوان یک مد متمایز از سیگنال اصلی در نظر گرفته می‌شود.

### ۴- شبیه‌سازی و نتایج

در این بخش، روش تخمین اینرسی پیشنهادی بر روی سیستم استاندارد IEEE 39 bus تحت شرایط مختلف اعمال می‌شود (شکل ۴). با توجه به این که ژنراتور و بار موجود بر روی باس ۳۹ این شبکه معادل یک ناحیه بزرگ است لذا دارای اینرسی بسیار بزرگی خواهد بود. بنابراین جهت این که شرایط بهره‌برداری سیستم تقریباً مشابه باحالت واقعی سیستم باشد در این مقاله از وجود آنها صرف نظر شده است. همچنین فرض شده است که هیچ یک از ژنراتورها به تجهیزات کنترلی از قبیل پایدارساز، گاورنر و ... مجهز نمی‌باشند. این فرض در

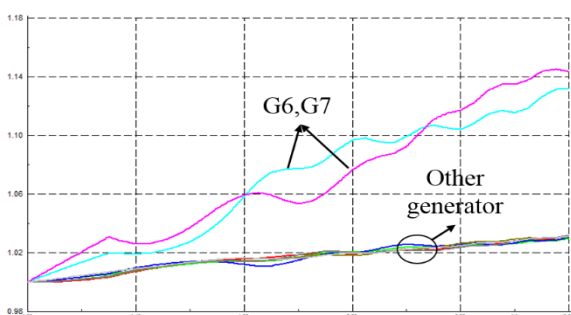
اصل ماجرا تفاوتی ایجاد نمی‌کند و روش پیشنهادی در حضور این تجهیزات نیز عمل نموده و صرفاً برای سادگی این فرض در نظر گرفته شده است. تنها تفاوتی که وجود دارد این است که در حضور تجهیزات کنترلی، تعداد مدهای نوسانی سیستم بسیار بیشتر شده و لازم است از بین آنها مد نوسانی بین ناحیه‌ای با ملاحظات بیشتری استخراج شود. تمام پارامترهای سیستم، مشابه با سیستم اصلی است. اینرسی ژنراتورها تحت ظرفیت نامی یکسان ۱۰۰۰ مگاوات آمپر محاسبه شده است. سناریوها به گونه‌ای انتخاب شده‌اند که کارایی روش پیشنهادی تحت شرایط مختلف شبکه مورد آزمون قرار گیرد.



شکل ۴: شبکه تحت آزمون

### ۴-۱ سناریو اول

برای تعیین گروه‌های هم‌نوا، فرض می‌شود که یک خطای سه فاز بر روی باس ۲۳ رخ دهد. بر اساس شبیه‌سازی و روش شناسایی ژنراتورهای هم‌نوا (فلوچارت شکل ۳)، مشخص می‌شود که سیستم به ازای تمام اتصال کوتاه‌های باس ۲۳ با زمان‌های پاک‌سازی کمتر از ۳۰۰ میلی‌ثانیه پایدار است؛ بنابراین زمان پاک‌سازی ۳۰۰ میلی‌ثانیه به عنوان حد زمان پاک‌سازی که به ازای آن و زمانهای بیشتر از آن شبکه ناپایدار است، انتخاب می‌شود. بر این اساس و تحت الگوریتم شکل ۳، با انتخاب  $q$  برابر ۲، شبکه به دو گروه هم‌نوا تقسیم می‌شود: گروه اول شامل ژنراتورهای ۶ و ۷ و گروه دوم شامل سایر ژنراتورها، شکل (۵) نحوه نوسان این دو گروه هم‌نوا را نشان می‌دهد.



شکل ۵: نوسان ژنراتورهای هم‌نوا در سناریو اول

ضریب میرایی	۲/۸۲	۷/۴۵	۷/۱۳
-------------	------	------	------

#### ۴-۲ سناریو دوم

در این سناریو، هدف نشان دادن کارایی روش پیشنهادی در زمان تغییر اینرسی شبکه است (به عنوان مثال ورود منابع تجدید پذیر به شبکه که دارای اینرسی پایینی هستند و جایگزینی آنها با ژنراتورهای سنکرون). به این منظور، ژنراتور متصل به باس ۳۰ که نسبت به سایر ژنراتورها اینرسی بالاتری دارد از مدار خارج می‌کنیم. پس از مشخص شدن گروه‌های هم‌نوا و حذف باسهای متصل به بار و معادل‌یابی ژنراتورها، توان اکتیو انتقالی برابر ۱/۰۱ و ۳/۴۷ درجه محاسبه می‌شوند. حال فرض می‌شود که اتصال کوتاهی سه فاز بر روی باس ۱۱ رخ داده و پس از ۵۰ میلی‌ثانیه برطرف می‌شود. تحت این شرایط پارامترهای نوسان توان بین ناحیه‌ای برابر  $f = 0.96$  و  $\sigma = -0.46$  بوده و نتایج تخمین بر اساس روش پیشنهادی در جدول (۲) آورده شده‌اند.

جدول (۲): نتایج تخمین بر اساس سناریو دوم

پارامتر	مقدار تخمینی	خطا	خطا (مرجع (Cai et al., 2019))
ثابت اینرسی	۱/۴۳	۴/۸۹	۵/۹۸
ضریب میرایی	۲/۶۴	۰/۳۷	۹/۶

#### ۴-۳ سناریو سوم

یکی از قابلیت‌های دیگر روش پیشنهادی این است که برای تخمین ثابت اینرسی و ضریب میرایی شبکه، لزوماً به بروز اختلال بزرگ مانند اتصال کوتاه نیازی نیست. به همین منظور و در این قسمت، در دو سناریو اول و دوم به ازای تغییرات مختلف بار و خروج خطوط انتقال، ثابت اینرسی و ضریب میرایی شبکه مجدداً تخمین زده می‌شوند. تغییرات به این صورت در نظر گرفته شده‌اند: الف- در سناریو اول: تغییر تمامی بارهای سیستم به مدت ۱ ثانیه (افزایش تمامی بارها)، تغییر بزرگترین و کوچکترین بار سیستم (افزایش ۵ و ۹۰ درصدی بارهای ذکر شده) و ب- در سناریو دوم: تغییر بخشی از بارهای سیستم به مدت ۱ ثانیه (افزایش گام به گام ۲، ۵، ۱۰، ۱۵، ۲۰، ۲۵ و ۳۰ درصدی بخشی از بارها)، خروج بزرگترین و کوچکترین خط انتقال از نظر انتقال توان (خط ۲۶-۲۵ و خط ۲۱-۲۲). نتایج تخمین ثابت اینرسی و ضریب میرایی در اثر بروز این اختلالات در شکل (۶) نشان داده شده‌اند. یادآور می‌شود در خصوص تغییرات چندگانه بار، میانگین خطای تخمین در این شکل آمده است.

با مشخص شدن دو ناحیه هم‌نوا، اکنون توان اکتیو انتقالی بین دو ناحیه در حالت پایدار از رابطه  $P_{ll0} = P_{4-14} + P_{13-14} + P_{16-17} + P_{16-19}$  برابر ۲/۷۸ بدست می‌آید.

برای تعیین اختلاف زاویه معادل بین دو ناحیه، ابتدا بر اساس روش ward باید باسهای غیر ژنراتوری شبکه یعنی باسهای ۱ تا ۲۹ حذف شوند. برای اینکار و بر اساس رابطه ۶، معادلات شبکه به فرم معادله (۹) تغییر پیدا می‌کنند:

$$\begin{bmatrix} I_{30} \\ I_{31} \\ \vdots \\ I_{38} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} Y'_{30} & Y'_{3031} & \dots & Y'_{3038} \\ Y'_{3130} & Y'_{3131} & \dots & Y'_{3138} \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ Y'_{3830} & Y'_{3831} & \dots & Y'_{3838} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} V_{30} \\ V_{31} \\ \vdots \\ V_{38} \end{bmatrix} \quad (9)$$

در نهایت پس از معادل‌سازی باسهای ژنراتورهای هم‌نوا در هر ناحیه (ژنراتورهای هم‌نوا در هر گروه با یک ژنراتور معادل که در باسهای شماره ۳۱ و ۳۵ قرار می‌گیرند انجام شده است)، معادلات شبکه به صورت معادله (۱۰) ساده می‌شوند:

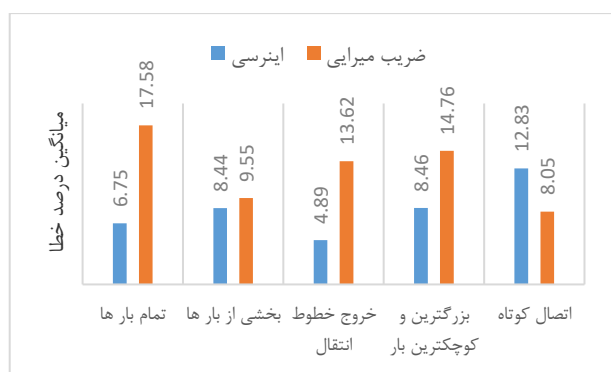
$$\begin{bmatrix} I_{31}^{eq} \\ I_{35}^{eq} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} Y_{3131}^{eq} & Y_{3135}^{eq} \\ Y_{3531}^{eq} & Y_{3535}^{eq} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} V_{31} \\ V_{35} \end{bmatrix} \quad (10)$$

با مشخص شدن راکتانس معادل بین دو ناحیه از رابطه ۱۰ (اندوکتانس غیر قطری ماتریس) برابر ۰/۰۶، اختلاف زاویه معادل بین دو ناحیه نیز از رابطه ۵ برابر ۹/۶ محاسبه می‌گردد.

پس از تعیین مقادیر توان اکتیو انتقالی و اختلاف زاویه معادل بین دو ناحیه، می‌توان به ازای وقوع هر حادثه‌ای، اینرسی و ضریب میرایی سیستم را به طور هم‌زمان و آنلاین تخمین زد. فرض کنید که یک اتصال کوتاه سه فاز بر روی باس ۲ رخ دهد و پس از ۵۰ میلی‌ثانیه برطرف شود. به منظور استخراج پارامترهای نوسان، یکی از کمیات شبکه باید انتخاب گردد. در این قسمت، از سیگنال توان اکتیو انتقالی بین دو ناحیه استفاده می‌شود. از آنجا که روش تخمین اینرسی پیشنهادی بر اساس پارامترهای نوسان بین ناحیه‌ای است، لذا باید مدی انتخاب شود که فرکانس آن در محدوده ۰/۱ تا ۱ هر تیز باشد. بر اساس روش پرونی مشخص می‌شود که سیگنال توان انتقالی به ازای وقوع اتصال کوتاه ذکر شده، دارای یک مد بین ناحیه‌ای با فرکانس ۰/۸۹ و میرایی ۰/۴۳- است؛ بنابراین بر اساس روابط (۳)، نتایج تخمین اینرسی و ضریب میرایی شبکه محاسبه می‌شود که نتایج در جدول ۱ آمده است. در این جدول و برای مقایسه، نتایج روش مرجع (Cai et al., 2019)، نیز آورده شده است.

جدول (۱): نتایج تخمین بر اساس سناریو اول

پارامتر	مقدار تخمینی	خطای روش پیشنهادی	خطا (Cai et al., 2019)
ثابت اینرسی	۱/۶۴	۴/۲۷	۴/۵۱



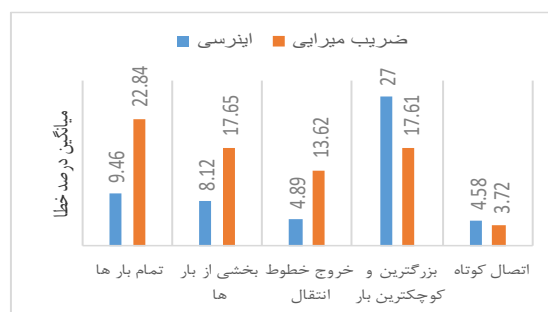
شکل (۷): نتایج تخمین با استفاده از سیگنال زاویه ولتاژ باس

با مقایسه شکل‌های (۶) و (۷) مشخص می‌شود که استفاده از سیگنال زاویه ولتاژ باس‌ها به‌طور کلی نتایج بهتری را ارائه می‌دهد. با در نظر گرفتن نتایج فوق می‌توان نتیجه گرفت که سیگنال زاویه ولتاژ نسبت به سیگنال توان اکتیو می‌تواند پارامترهای نوسان را به شکل بهتری تخمین زده و به عبارت دیگر مدهای نوسانی در سیگنال زاویه ولتاژ بهتر تحریک و راحت‌تر شناسایی می‌شوند. درحالی‌که آن‌طور از نتایج پیداست مدهای نوسانی در سیگنال توان اکتیو در برخی حالات پنهان می‌مانند.

#### ۶- نتیجه‌گیری

در این مقله یک روش تخمین اینرسی و ضریب میرایی برای سیستم‌های قدرت چند ناحیه‌ای به‌هم‌پیوسته مورد بررسی قرار گرفت. این روش بلافاصله پس از وقوع اختلال و به‌صورت آنلاین قابل استفاده است. مشخص شد که روش پیشنهادی برای ارائه تخمین لزوماً وابسته به بروز اختلال بزرگ نبوده بلکه به ازای وقوع تغییرات بار کوچک نیز امکان تخمین اینرسی و ضریب میرایی فراهم است. با توجه به اینکه دقت نتایج تخمین تا حدود زیادی به استخراج پارامترهای نوسان الکترومکانیکی وابسته است، جهت بهبود نتایج تخمین از سیگنال زاویه ولتاژ باسها برای استخراج پارامترهای نوسان استفاده شد. تخمین پارامترهای اینرسی و ضریب میرایی با شبیه‌سازی‌های متعددی، اعتبارسنجی شد. مشخص شد که نتایج تخمین اینرسی و ضریب میرایی بر اساس سیگنال توان اکتیو به ترتیب دارای درصد میانگین خطا ۱۰ و ۱۷/۳۲ است که پس از استفاده از سیگنال زاویه ولتاژ، نتایج به ترتیب به مقادیر ۹/۰۳ و ۱۱/۹۴ بهبود پیدا کردند. روش ارائه‌شده برای تخمین اینرسی و ضریب میرایی، دارای دقت خوبی است و به سهولت قابل پیاده‌سازی می‌باشد.

**کارهای آینده:** همانطور که ذکر شد با تغییر شاخص کیفیت هم‌نواپی تعداد گروهها نیز تغییر کرده و سیستم قدرت به چند گروه تقسیم می‌شود. به هر حال، برای یافتن تخمینی از اینرسی کل سیستم با استفاده از روش ارائه شده در این مقاله، سیستم حتماً باید به دو ناحیه تقسیم شود. در واقع اگر رویداد انتخابی منجر به تشکیل دو گروه هم‌نوا نشود، مجدداً بایستی سراغ رویداد دیگری رفت تا در نهایت منجر به



شکل (۶): نتایج تخمین در سناریوی سوم

نتایج شبیه‌سازی نشان می‌دهند که به جز چند مورد، نتایج تخمین به ازای بروز اتصال کوتاه، نسبت به نتایج اختلالات دیگر عموماً بهتر بوده و دارای خطای کمتری است ولی به عنوان مثال در سناریوی اول و به ازای تغییر ۲ درصدی تمامی بارها، نتایج تخمین دقیقاً مشابه اختلال اتصال کوتاه شده است. علت این امر در پدیدارشدن مدهای نوسان بین‌ناحیه‌ای در سیگنال اندازه‌گیری است و از آنجا که دقت روش پیشنهادی به استخراج پارامترهای نوسان وابسته است لذا منجر به ایجاد چنین خطاهایی می‌شود. حال اگر این تغییرات اولاً در سیگنال اندازه‌گیری وجود داشته (رویت پذیر باشد) و همچنین به صورتی تغییر کنند که با استفاده از روش پرونی قابل استخراج باشند درصد خطای نتایج تخمین نیز کاهش می‌یابد. بنابراین علاوه بر روش استخراج بکارگرفته شده جهت استخراج مدهای نوسانی که باید کارایی بسیار بالایی داشته باشد، سیگنالی که پارامترهای نوسانی از آن استخراج می‌شوند نیز باید در کارایی روش پیشنهادی موثر است.

#### ۵- بهبود نتایج تخمین اینرسی و ضریب میرایی

همانطور که در قسمت قبل ذکر شد، با توجه به اینکه روش پیشنهادی از نوسانات الکترومکانیکی برای استخراج مدهای نوسانی بهره می‌برد، در نتیجه جهت بهبود نتایج تخمین به نظر می‌رسد که یکی از راه‌ها استفاده از سیگنال نوسانی دیگری است که توسط آن، پارامترهای نوسان با دقت بهتری استخراج شوند. این بدان معنی است که سیگنال انتخابی باید دارای رویت‌پذیری بالاتری باشد. در بخش‌های قبلی، پارامترهای نوسان بین ناحیه‌ای بر اساس سیگنال توان اکتیو انتقالی استخراج شد. در این قسمت این عمل بر اساس سیگنال زاویه ولتاژ باسها انجام می‌گیرد. این کمیت توسط دستگاههای اندازه‌گیری فیزوری (PMU) که امروزه در بسیاری از شبکه‌های قدرت استفاده می‌شوند اندازه‌گیری شده و به راحتی در دسترس است. به همین منظور سناریوهای قبل بر اساس سیگنال زاویه ولتاژ باس‌ها تکرار شده و نتایج تخمین ثابت اینرسی و ضریب میرایی در شکل (۷) نشان داده شده‌اند.

- Tuttelberg, K., Kilter, J., Wilson, D., & Uhlen, K. (2018). Estimation of power system inertia from ambient wide area measurements. *IEEE Transactions on Power Systems*, 33(6), 7249–7257.
- Wang, B., Yang, D., Cai, G., Ma, J., Chen, Z., & Wang, L. (2020). Online inertia estimation using electromechanical oscillation modal extracted from synchronized ambient data. *Journal of Modern Power Systems and Clean Energy*, 10(1), 241–244.
- Baldwin, T. L., Mili, L., & Phadke, A. G. (1994). Dynamic ward equivalents for transient stability analysis. *IEEE Transactions on Power Systems*, 9(1), 59–67.
- Bian, Y., Wyman-Pain, H., Li, F., Bhakar, R., Mishra, S., & Padhy, N. (2017). Demand Side Contributions for System Inertia in the GB Power System. *IEEE Transactions on Power Systems*, PP, 1. <https://doi.org/10.1109/TPWRS.2017.2773531>
- Cai, G., Wang, B., Yang, D., Sun, Z., & Wang, L. (2019). Inertia estimation based on observed electromechanical oscillation response for power systems. *IEEE Transactions on Power Systems*, 34(6), 4291–4299.
- Du, P., & Matevosyan, J. (2017). Forecast system inertia condition and its impact to integrate more renewables. *IEEE Transactions on Smart Grid*, 9(2), 1531–1533.
- Grund, C. E., Paserba, J. J., Hauer, J. F., & Nilsson, S. L. (1993). Comparison of Prony and eigenanalysis for power system control design. *IEEE Transactions on Power Systems*, 8(3), 964–971.
- Jan-E-Alam, M. (2009). A Study on the Presence of Inter-Area Oscillation Mode in Bangladesh Power System Network. *Journal of Electrical Engineering*, 36(2), 16–21.
- Kundur, P. S., & Malik, O. P. (2022). *Power system stability and control*. McGraw-Hill Education.
- Linaro, D., Bizzarri, F., del Giudice, D., Pisani, C., Giannuzzi, G., Grillo, S., & Brambilla, A. (2023). Continuous estimation of power system inertia using convolutional neural networks. *Nature Communications*, 14. <https://doi.org/10.1038/s41467-023-40192-2>
- Mariotto, L., Pinheiro, H., Cardoso, G., Morais, A. P., & Muraro, M. R. (2010). Power systems transient stability indices: an algorithm based on equivalent clusters of coherent generators. *IET Generation, Transmission & Distribution*, 4(11), 1223–1235.
- Mohamed, T., Kezunovic, M., Obradovic, Z., Hu, Y., & Cheng, Z. (2022). Application of Machine Learning to Oscillation Detection using PMU Data based on Prony Analysis. *2022 IEEE PES Innovative Smart Grid Technologies Conference Europe (ISGT-Europe)*, 1–5.
- Panda, R. K., Mohapatra, A., & Srivastava, S. C. (2019a). Application of indirect adaptive control philosophy for inertia estimation. *2019 IEEE PES GTD Grand International Conference and Exposition Asia (GTD Asia)*, 478–483.
- Panda, R. K., Mohapatra, A., & Srivastava, S. C. (2019b). Online estimation of system inertia in a power network utilizing synchrophasor measurements. *IEEE Transactions on Power Systems*, 35(4), 3122–3132.
- Prabhakar, K., Jain, S. K., & Padhy, P. K. (2022). Inertia estimation in modern power system: A comprehensive review. *Electric Power Systems Research*, 211, 108222.
- Ray, P. (2017). Power system low frequency oscillation mode estimation using wide area measurement systems. *Engineering Science and Technology, an International Journal*, 20(2), 598–615.
- Schiffer, J., Aristidou, P., & Ortega, R. (2019). Online estimation of power system inertia using dynamic regressor extension and mixing. *IEEE Transactions on Power Systems*, 34(6), 4993–5001.
- Baldwin, T. L., Mili, L., & Phadke, A. G. (1994). Dynamic ward equivalents for transient stability analysis. *IEEE Transactions on Power Systems*, 9(1), 59–67.
- Bian, Y., Wyman-Pain, H., Li, F., Bhakar, R., Mishra, S., & Padhy, N. (2017). Demand Side Contributions for System Inertia in the GB Power System. *IEEE Transactions on Power Systems*, PP, 1. <https://doi.org/10.1109/TPWRS.2017.2773531>
- Cai, G., Wang, B., Yang, D., Sun, Z., & Wang, L. (2019). Inertia estimation based on observed electromechanical oscillation response for power systems. *IEEE Transactions on Power Systems*, 34(6), 4291–4299.
- Du, P., & Matevosyan, J. (2017). Forecast system inertia condition and its impact to integrate more renewables. *IEEE Transactions on Smart Grid*, 9(2), 1531–1533.
- Grund, C. E., Paserba, J. J., Hauer, J. F., & Nilsson, S. L. (1993). Comparison of Prony and eigenanalysis for power system control design. *IEEE Transactions on Power Systems*, 8(3), 964–971.
- Jan-E-Alam, M. (2009). A Study on the Presence of Inter-Area Oscillation Mode in Bangladesh Power System Network. *Journal of Electrical Engineering*, 36(2), 16–21.
- Kundur, P. S., & Malik, O. P. (2022). *Power system stability and control*. McGraw-Hill Education.
- Linaro, D., Bizzarri, F., del Giudice, D., Pisani, C., Giannuzzi, G., Grillo, S., & Brambilla, A. (2023). Continuous estimation of power system inertia using convolutional neural networks. *Nature Communications*, 14. <https://doi.org/10.1038/s41467-023-40192-2>
- Mariotto, L., Pinheiro, H., Cardoso, G., Morais, A. P., & Muraro, M. R. (2010). Power systems transient stability indices: an algorithm based on equivalent clusters of coherent generators. *IET Generation, Transmission & Distribution*, 4(11), 1223–1235.
- Mohamed, T., Kezunovic, M., Obradovic, Z., Hu, Y., & Cheng, Z. (2022). Application of Machine Learning to Oscillation Detection using PMU Data based on Prony Analysis. *2022 IEEE PES Innovative Smart Grid Technologies Conference Europe (ISGT-Europe)*, 1–5.
- Panda, R. K., Mohapatra, A., & Srivastava, S. C. (2019a). Application of indirect adaptive control philosophy for inertia estimation. *2019 IEEE PES GTD Grand International Conference and Exposition Asia (GTD Asia)*, 478–483.
- Panda, R. K., Mohapatra, A., & Srivastava, S. C. (2019b). Online estimation of system inertia in a power network utilizing synchrophasor measurements. *IEEE Transactions on Power Systems*, 35(4), 3122–3132.
- Prabhakar, K., Jain, S. K., & Padhy, P. K. (2022). Inertia estimation in modern power system: A comprehensive review. *Electric Power Systems Research*, 211, 108222.
- Ray, P. (2017). Power system low frequency oscillation mode estimation using wide area measurement systems. *Engineering Science and Technology, an International Journal*, 20(2), 598–615.
- Schiffer, J., Aristidou, P., & Ortega, R. (2019). Online estimation of power system inertia using dynamic regressor extension and mixing. *IEEE Transactions on Power Systems*, 34(6), 4993–5001.

## مراجع

تشخیص دو گروه هم‌نوا شود. به نظر می‌رسد باید روشی ارائه شود که بتوان در صورت تقسیم ژنراتورها به چند گروه مجزا نیز بتوان ثابت اینرسی و ضریب میرایی کل سیستم را تخمین زد.

4993–5001.

Tuttelberg, K., Kilter, J., Wilson, D., & Uhlen, K. (2018). Estimation of power system inertia from ambient wide area measurements. *IEEE Transactions on Power Systems*, 33(6), 7249–7257.

Wang, B., Yang, D., Cai, G., Ma, J., Chen, Z., & Wang, L. (2020). Online inertia estimation using electromechanical oscillation modal extracted from synchronized ambient data. *Journal of Modern Power Systems and Clean Energy*, 10(1), 241–244.