

محکزنی چندسطحی کارایی شرکت‌های توزیع الکتریکی مبتنی بر تحلیل پوششی داده‌ها

نیما مستقیم^۱، محمود رضا حقی فام^۲، محسن سیماب^۳

^۱ دانشکده مهندسی برق و کامپیوتر- دانشگاه تربیت مدرس- تهران- ایران

^۲ گروه مهندسی برق - واحد مرودشت - دانشگاه آزاد اسلامی- مرودشت- ایران

^۳ mostaghim@modares.ac.ir, haghifam@modares.ac.ir, msimab@yahoo.com

چکیده: در این مقاله، یک روش محکزنی چند سطحی جهت ارزیابی کارایی شرکت‌های توزیع الکتریکی ارائه می‌شود. روش ارائه شده، همکاری مشترک هزینه‌های بهره‌برداری و سرمایه‌گذاری برای بهبود کیفیت خدمات و کاهش تلفات انرژی را در نظر می‌گیرد. در ابتدا، خوشبندی وزن‌دار فازی c-means توسط روش ارائه شده به کار گرفته می‌شود تا شرکت‌های مشابه شناسایی شوند. سپس، روش ارائه شده، تحلیل پوششی داده‌ها و تحلیل مازاد را در چند سطح به کار می‌گیرد و از طریق خلق رقابت مجازی میان شرکت‌های توزیع، کارایی شرکت‌ها را تخمین زده و مقادیر هزینه مازاد شرکت‌ها را شناسایی می‌کند. در انتهای، روش پیشنهاد شده بر روی شرکت‌های توزیع الکتریکی اعمال شده و نتایج آن در انتهای مقاله گزارش داده شده است.

واژه‌های کلیدی: محکزنی کارایی، تحلیل پوششی داده‌ها، تحلیل مازاد، خوشبندی وزن‌دار فازی c-means

تاریخ ارسال مقاله: ۱۳۹۴/۰۴/۰۲

تاریخ پذیرش مقاله: ۱۳۹۵/۰۱/۱۷

نام نویسنده‌ی مسئول: دکتر محمود رضا حقی فام

نشانی نویسنده‌ی مسئول: تهران، بزرگراه جلال آلمحمد، پل نصر، دانشگاه تربیت مدرس، دانشکده مهندسی برق، صندوق پستی: ۱۴۱۱۵-۱۴۳

۱- مقدمه

گرفته است و جهت‌های مشخصی برای بهبود ناکارایی‌های مربوطه پیشنهاد شده است [۳]. کارایی شرکت‌های توزیع برقی بر زبانه Resende با استفاده از ابزار تحلیل پوششی داده‌ها مورد ارزیابی قرار داده و سپس، پتانسیل‌ها و مشکلات پیاده‌سازی طرح‌های یارددستیک را بررسی کرده است [۱۰]. Sanhueza و همکارانش عملکرد تحلیل پوششی داده‌ها مورد نیاز در فرآیند تعیین تعریفه توزیع را به عنوان ابزاری برای تعیین ارزش افزوده مورد صحبت‌سنگی قرار داده‌اند [۴]. در این مرجع، جهت افزایش صحت نتایج ارزیابی کارایی، تکنیک خودراهندازی^{*} مورد استفاده قرار گرفته است. Lee، از تحلیل پوششی داده‌ها جهت ارزیابی کارایی واحدهای نیروگاهی استفاده کرده است [۱۱]. این مرجع، روشی جدید مبتنی بر تحلیل پوششی داده‌ها برای اندازه‌گیری تأثیر خروجی‌های مطلوب و نامطلوب ارائه داده است. Niu و همکارش یک الگوریتم تکاملی رده‌بندی کارایی برای اندازه‌گیری مستقیم واحدهای تصمیم‌گیر سیستم قدرت ارائه داده‌اند [۱۲]. این الگوریتم مبتنی بر تحلیل پوششی داده‌ها بوده و از فرآیندهای تکرار شونده استفاده می‌کند. Li و همکارش به اندازه‌گیری سیاست‌های تبدیل انرژی بر گسترش تولید انرژی‌های سبز پرداخته و از مدل تحلیل پوششی داده‌های سه مرحله‌ای برای ارزیابی قانون‌گذاری کاهش انرژی استفاده می‌کنند [۱۳].

کلید موقفيت یک طرح قانون‌گذاری این است که هم قانون‌گذار و شرکت‌های تحت مقررات، درک عمیقی از سیگنال‌های هدایتگر خلق‌شده توسعه طرح داشته باشند [۱۴]. همچنین، اطمینان از این امر که سیگنال‌های هدایتگر طرح حاوی اهداف اصلی قانون‌گذاری هستند و منجر به بهبود کارایی مجازی نمی‌شوند، از اهمیت بالایی برخوردار می‌باشد [۲]. در نظر گرفته شدن هزینه‌های بهره‌برداری در ارزیابی کارایی شرکت‌ها بدون در نظر گرفتن هزینه‌های سرمایه‌گذاری، منجر به بهبود کارایی مجازی و انتقال هزینه‌های بهره‌برداری در هزینه‌های سرمایه‌گذاری می‌گردد [۱۵]. بنابراین، این مقاله قصد دارد تا روشی را برای ارزیابی کارایی هزینه‌های شرکت‌های توزیع الکتریکی پیشنهاد داده و جهت‌های بهبود کارایی را برای شرکت‌های توزیع مشخص کند. روش پیشنهاد شده جنبه‌های مختلف کارایی شرکت‌ها را در یک رویه یکپارچه و بر اساس دلایل فنی صرف هزینه‌های بهره‌برداری و سرمایه‌گذاری مورد ارزیابی قرار می‌دهد. همچنین، در این روش، همکاری مشترک هزینه بهره‌برداری و هزینه سرمایه‌گذاری در بهبود کیفیت خدمات شرکت‌ها و کاهش تلفات انرژی مورد توجه قرار می‌گیرد. روش پیشنهادی، هزینه‌های بهره‌برداری و سرمایه‌گذاری شرکت‌های توزیع را به جهات مختلف ارزیابی کرده و مقادیر قابل قبول این هزینه‌ها را تعیین می‌کند. در نهایت، با استفاده از مقادیر قبلی قبول هزینه‌ها، مقادیر مازاد آن‌ها محاسبه شده و جهت‌های بهبود کارایی برای هر شرکت تعیین می‌شود.

در سیستم‌های قدرت تجدیدساختار یافته، سازوکار بازار آزاد، بهبود کارایی نهادهای تولید و فروش صنعت برق را تضمین می‌کنند. در حالی که، نهادهای انتقال و توزیع به دلیل ماهیت انحصار ذاتی، قابل صنعت برق اداره می‌شوند. در سال‌های اخیر، قانون‌گذاران تلاش کرده‌اند تا شرایطی رقابتی را برای بهبود کارایی بخش توزیع به کار گیرند. اغلب روش‌های قانون‌گذاری در عمل، بر پایه محکزنی کارایی بوده‌اند که کارایی شرکت‌ها را در مقایسه با یک شرکت مرجع تخمین زده‌اند [۱]. محکزنی کارایی می‌تواند با خلق رقابتی مجازی میان شرکت‌هایی که به دلیل ماهیت انحصار ذاتی نمی‌توانند به صورت عادی در معرض رقابت حقیقی قرار گیرند، کارایی آن‌ها را تخمین زند. روش‌های اصلی محکزنی کارایی که توسط قانون‌گذاران توزیع به کار گرفته شده‌اند، شامل تحلیل پوششی داده‌ها، حداقل مربuat معمولی اصلاح شده و تحلیل مزی تصادفی می‌باشد که روش اول بر پایه برنامه‌ریزی خطی و روش‌های دوم و سوم بر پایه تکنیک‌های آماری هستند [۲].

در سال‌های اخیر، تحلیل پوششی داده‌ها به عنوان یکی از روش‌های محکزنی کارایی شرکت‌های توزیع بر روی روش‌های دیگر ارجحیت داده شده است. دلیل این امر آن است که تحلیل پوششی داده‌ها یک رویه غیرپارامتری است که نیازی به در نظر گرفتن فرضیات جهت تشکیل تابع تولید و اوزان مقادیر ورودی و خروجی شرکت‌ها ندارد [۴، ۳]. کاربردهای تحلیل پوششی داده‌ها در صنعت برق به طور خاص در مطالعات متعددی مورد بررسی قرار گرفته است. سیماب و حقیقی فام، الگوریتمی یکپارچه ارائه داده‌اند که با استفاده از تحلیل پوششی داده‌ها کارایی کلی، فنی و تخصیصی شرکت‌های توزیع را سرمایه‌گذاری می‌کند [۵]. این مقاله بر مشکلات پیاده‌سازی تحلیل پوششی ارزیابی می‌کند [۶]. این مقاله بر این این تمرکز کرده است. داده‌ها در شرکت‌های توزیع و روش حل آن تمرکز کرده است. Qirgram و همکارش، بهره‌وری نهادهای انتقال-توزیع را با استفاده از تحلیل پوششی داده‌ها ارزیابی کرده‌اند [۶]. این مقاله، یک مدل قانون‌گذاری تشویقی با رقابت یارددستیک را پیشنهاد داده که تنظیم قیمت و معادلات بازار را در بر می‌گیرد. Tenure و همکارانش، رویه‌ای را برای تنظیم اهداف عملکردی مرتبط با قابلیت اطمینان شبکه‌های توزیع ارائه کرده که شاخص‌های متوسط زمان قطعی مشترک^۲ (CAIDI) و متوسط دفعات قطعی مشترک^۳ (CAIFI) را تحلیل می‌کند و یک مدل قانون‌گذاری مبتنی بر تحلیل پوششی داده‌ها را پایه‌گذاری می‌کند [۷]. سیماب و همکارانش در مراجعه [۹، ۸] از تحلیل پوششی داده‌ها به منظور طراحی طرح پاداش-جریمه در مدل قانون‌گذاری مبتنی بر عملکرد شرکت‌های توزیع استفاده کرده‌اند. کارایی بهره‌برداری ۱۷ مرکز خدمات در شرکت برق تایوان با استفاده از تحلیل پوششی داده‌ها توسط Chein و همکارانش، مورد مطالعه قرار

صورت حساب مشترکين بوده که محکزنى و تعیین مقدار قابل قبول از خارج از حوزه مطالعه اين مقاله مى باشد.

در بخش‌های باقیمانده از اين مقاله، هزینه بهره‌برداری به منظور تعمیر و نگهداری اجزاء شبکه و عملیات بازگردانی، هزینه بهره‌برداری برای کیفیت و هزینه بهره‌برداری به منظور خريد انرژی‌ای که در شبکه توزيع تلف می‌شود، هزینه بهره‌برداری برای تلفات انرژی نامیده می‌شود.

با در نظر گرفتن دسته‌بندی هزینه شرکت‌ها در شکل (۱)، روش پیشنهادی ارائه شده، مقادير مختلف هزینه‌های بهره‌برداری و سرمایه‌گذاری را دریافت کرده و با به کارگیری تحليل پوششى داده‌ها و تحليل مازاد در چندين سطح، رقابتی مجازی را میان شرکت‌های توزيع خلق کرده و مقادير قابل قبول بخش‌های مختلف هزینه شرکت‌ها را محاسبه می‌کند. اختلاف میان مقادير قابل قبول محسابه شده توسط مدل پیشنهادی و مقادير هزینه شده شرکت‌ها، پتانسیل‌های کاهش هزینه شرکت‌ها را شان می‌تواند که می‌تواند جهت‌گيری هزینه شرکت‌ها را در دوره‌های بعدی قانون‌گذاری شکل داده و آن‌ها را به سمت افزایش کاراپى سوق دهد.

عوامل موثر بر کاراپى شرکت‌های توزيع را می‌توان در سه دسته تقسيم‌بندی کرد [۱۶]:

- عوامل ذاتی مانند شرایط آب و هوایی و چگالی مشترکين که خارج از کنترل شرکت‌های توزيع می‌باشند.
- عوامل موروثی مانند طراحی شبکه که آثار طولاني مدت بر کیفیت خدمات و تلفات انرژی شرکت‌های توزيع دارند.
- عوامل تحملی مانند عملکرد مدیریتی، تعمیر و نگهداری تجهیزات و به کارگیری مؤثر منابع که می‌توانند در بازه‌های زمانی میان‌مدت و کوتاه‌مدت کیفیت خدمات و تلفات انرژی شرکت‌ها را تحت تأثیر قرار دهد.

بنابراین، در ابتداء، با توجه به ماهیت رقابتی مدل پیشنهادی محکزنى چندسطحى، از روش خوشبندی وزن‌دار فازی C-means استفاده می‌شود تا آثار عوامل ذاتی بر نتایج محکزنى کاراپى کاسته شود. با استفاده از روش خوشبندی مذکور، شرکت‌های مشابه شناسایی و خوشبندی می‌شوند. سپس، روش محکزنى چندسطحى، کاراپى هر بخش از هزینه‌های شرکت‌ها در هر یک از خوشبندی‌های مشابه را ارزیابی کرده و مقادير قابل قبول هزینه را محاسبه می‌کند. محکزنى چندسطحى کاراپى با در نظر گرفتن این امر انجام می‌گيرد که شرکت‌های می‌توانند بر همه عوامل موروثی و تحملی را تأثیر بگذارند در حالی که عوامل ذاتی خارج از کنترل شرکت‌ها می‌باشند. اين روش، به شرکت‌ها با امتياز کاراپى بالاتر، مقدار هزینه قابل قبول بالاتری را نسبت داده و به شرکت‌ها با کاراپى پايان‌تر، مقدار هزینه قابل قبول پايان‌تر را نسبت می‌دهد. ساختار روش پیشنهادی در شکل (۲) نشان داده شده است.

در ادامه مقاله، بخش ۲ به ارائه ساختار روش پیشنهادی خواهد پرداخت. سپس، بخش ۳ جزئيات پياده‌سازی روش و نتایج حاصل از آن را ارائه خواهد کرد. در انتها، بخش ۴ به نتيجه‌گيری خواهد پرداخت.

۲- ساختار روش پیشنهادی

روش پیشنهادی، يك روش محکزنى چندسطحى جهت ارزیابی کاراپى هزینه شرکت‌های توزيع مبتنى بر تحليل پوششى داده‌ها و تحليل مازاد^۵ می‌باشد. اين روش، جنبه‌های مختلف کاراپى هزینه‌های شرکت‌های توزيع را ارزیابی کرده و مقادير قابل قبول هزینه‌ها را بر اساس نتایج محکزنى و تحليل مازاد محاسبه می‌کند. مقادير قابل قبول هزینه در واقع مقاديری هستند که شرکت‌ها در صورتی که هزینه‌های خود را بر اساس اين مقادير کاهش دهند، خواهند توانست به شرکت‌هایي کارا تبديل شوند.

به منظور محکزنى جنبه‌های مختلف کاراپى هزینه‌های شرکت‌های توزيع الکترىکي، اين هزینه‌ها می‌توانند بر اساس اهداف اصلی هزینه‌ای دسته‌بندی شوند. دسته‌بندی هزینه‌های شرکت‌های توزيع الکترىکي در شکل (۱) نشان داده شده است.



شکل (۱): دسته‌بندی هزینه‌های شرکت‌های توزيع الکترىکي اساساً، هزینه سرمایه‌گذاری به منظور ايجاد ظرفيت در شبکه و تغذيه مشترکين شرکت‌ها صرف می‌گردد. با اين حال، اغلب اوقات شرکت‌های توزيع مجبور می‌شوند به منظور بهبود كیفیت خدمات و کاهش تلفات انرژی خود، سرمایه‌گذاری بیشتری را در شبکه خود انجام دهند. اين هزینه سرمایه‌گذاری بيشتر، از يك طرف منجر به کاهش هزینه خريد انرژی‌ای که در شبکه آن‌ها تلف می‌گردد، می‌شود و از طرف ديگر، در سطح كیفیت خدمات مشابه، باعث کاهش در هزینه‌های بهره‌برداری برای تعمیر و نگهداری اجزاء شبکه و عملیات بازگردانی می‌گردد. بنابراین، می‌توان اينگونه بيان کرد که بهبود كیفیت خدمات و کاهش هزینه خريد انرژی تلف شده در شبکه بر اساس همكاری مشترك بين هزینه سرمایه‌گذاری و هزینه بهره‌برداری شرکت‌ها ايجاد می‌گردد و برای جلوگيری از انتقال هزینه بهره‌برداری در هزینه سرمایه‌گذاری و برعکس، محکزنى کاراپى هزینه شرکت‌های توزيع می‌بايستي با در نظر گرفتن اين همكاری مشترك صورت پذيرد. همچنان، بخش باقیمانده از هزینه بهره‌برداری عموماً هزینه‌های بهره‌برداری مستقل از شبکه مانند هزینه‌های اندازه‌گيری و صدور

$$\hat{w}(b) = \frac{CV_k(b)}{\sum_{i=1}^p CV_i(b)} \quad (1)$$

$$CV_k(b) = \sqrt{\frac{\sum_{j=1}^n (x_{jk}^b - \bar{x}_k^b)^2}{(n-1)}} \quad (2)$$

$$\bar{x}_k^b = \frac{1}{n} \sum_{j=1}^n x_{jk}^b, k = 1, \dots, p \quad (3)$$

وزن مشخصه w_k با استفاده از میانگین نمونه‌های B محاسبه می‌گردد.

$$\hat{w}_k = \frac{1}{B} \sum_{b=1}^B \hat{w}_k(b), k = 1, \dots, p \quad (4)$$

با استفاده از قانون قدرتمند تعداد زیاد^(۱۱) (SLLN)، w_k به همگرا می‌گردد. هر چه تعداد نمونه‌ها بیشتر باشد، دقت تکنیک خودرا اندازی بالاتر می‌رود.

بعد از محاسبه اوزان مشخصه‌های خوشبندی با استفاده از تکنیک خودرا اندازی، فاصله اقلیدسی وزن‌دار با فاصله اقلیدسی در روش خوشبندی فازی جایگزین می‌گردد. روش خوشبندی بر اساس حداقل کردنتابع هدف برای دستیابی به بهترین خوشبندی می‌باشد.

$$J_{WFCM} = \sum_{i=1}^c \sum_{j=1}^n \mu_{ij}^m \left(d_{ij}^{(\hat{w})} \right)^2 \quad (5)$$

$$d_{ij}^{(\hat{w})} = \sqrt{\sum_{k=1}^p \hat{w}_k (x_{jk} - v_{ik})^2} \quad (6)$$

داده‌های $X = \{x_1, x_2, \dots, x_n\}$ را در نظر بگیرید، بطوریکه n تعداد داده‌ها و $V = \{v_1, v_2, \dots, v_c\}$ میانگین خوشه‌ها و c تعداد خوشه‌ها باشد. μ_{ij} درجه عضویت داده x_i با میانگین v_j و یک درایه از ماتریس $[\mu_{ij}] = U$ باشد. پارامتر m را اندیس فازی می‌گویند و برای کنترل درجه عضویت هر داده به کار می‌رود. مقدار m باید بین محدوده $[1, \infty]$ باشد. روش خوشبندی فازی الگوریتمی تکرارشونده شامل مراحل زیر دارد.

۱. تعداد کلاس‌ها c و مقدار پارامتر m را تنظیم کنید.

۲. تعیین مقادیر اولیه μ_{ij} به طوریکه معادله (۷) ارضاء شود.

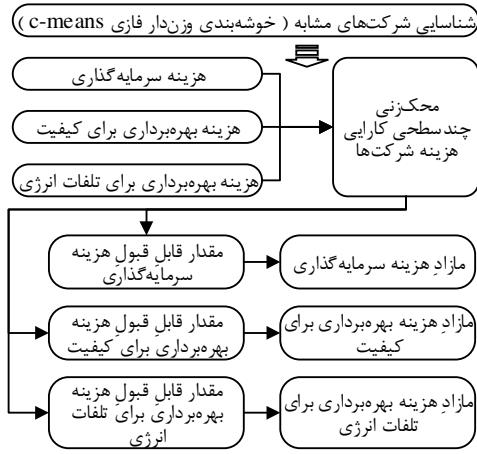
$$\sum_{j=1}^c \mu_{ij} = 1, i = 1, \dots, n \quad (7)$$

۳. محاسبه میانگین خوشه‌ها v_j با استفاده از رابطه (۸)

$$v_j = \frac{\sum_{i=1}^n (\mu_{ij})^m x_i}{\sum_{i=1}^n (\mu_{ij})^m}, j = 1, \dots, c \quad (8)$$

۴. محاسبه ماتریس عضویت با استفاده از رابطه (۹)

$$\mu_{ij} = \frac{\left(d_{ij}^{(\hat{w})} \right)^{-2/(m-1)}}{\sum_{k=1}^c \left(d_{kj}^{(\hat{w})} \right)^{-2/(m-1)}} \quad (9)$$



شکل (۲): ساختار روش محکم‌زنی چندسطحی کارایی هزینه شرکت‌های توزیع

در ادامه این بخش، ابتدا ابزارهای ریاضی به کار گرفته شده در روش پیشنهادی به اختصار توضیح داده می‌شوند و سپس، جزئیات روش محکم‌زنی چندسطحی کارایی هزینه شرکت‌ها ارائه خواهد شد.

۱-۱-۲- ابزارهای ریاضی

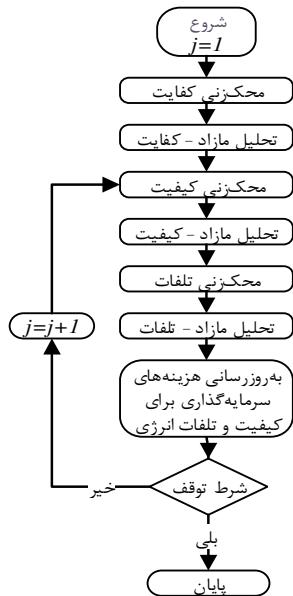
۱-۱-۲- خوشبندی وزن‌دار فازی

خوشبندی، روشی برای دسته‌بندی داده‌ها در خوشه‌های همگن است که داده‌های قرار گرفته در هر خوشه بیشترین شباهت را نسبت به هم و بیشترین تفاوت را نسبت به داده‌های خوشه‌های دیگر دارا می‌باشند. به دلیلی که در واقعیت، مرز واضحی میان خوشه‌ها وجود ندارند، خوشبندی فازی بر اساس مفهوم عضویت جزئی مورد توجه بسیار قرار گرفته است. روش خوشبندی فازی c-means پیشنهاد شده در مرجع [۱۷] در اغلب کاربردهای خوشبندی فازی مورد استفاده قرار گرفته است. روش خوشبندی فازی c-means در مرجع [۱۸] نشان داده شده که اوزان مختلف مشخصه‌ها می‌توانند عملکرد خوشبندی فازی را به شدت تحت تأثیر قرار دهند و اگر این اوزان به درستی انتخاب نشوند، عملکرد این روش خوشبندی به شدت کاهش می‌یابد. در این مقاله، روش خوشبندی وزن‌دار فازی c-means که در روش [۱۹] ارائه شده است، مورد استفاده قرار خواهد گرفت. کیفیت نتایج خوشبندی با استفاده از شاخص‌های مختلف صحت‌سنجی مانند ضربی تفکیک^۲ (PC)، آنتروبی خوشبندی^۳ (CE) [۱۷]، شاخص فوکویاما-ساگنو^۴ (FS) [۱۹] و شاخص زای-بنی^۵ (XB) [۲۰] قابل ارزیابی می‌باشد. در گام اول خوشبندی، اوزان مشخصه‌ها با استفاده از تکنیک خودرا اندازی محاسبه می‌گردد. بدین منظور، در ابتدا، B نمونه مستقل $X^b = \{X_1^b, \dots, X_n^b\}$ ، $b = 1, \dots, B$ با $X_j^b = \{x_{j1}^b, \dots, x_{jp}^b\}$ به صورت^۶ با جایگزینی از $\{X_1, \dots, X_n\}$ انتخاب می‌گردد. مقدار خودرا انداز با استفاده روابط ذیل محاسبه می‌گردد.

مي باشند، زيرا کاري و کيفيت خدمات شركت‌ها به طور اساسی در بازه زمانی طولاني مدت توسط عوامل موروشي و تحميلى قابل تغيير مي باشند.

۵. تكرار مراحل ۳ و ۴ تا زمانی که معادله (۱۰) ارضا شود، تعداد تكرار است.

$$\left| \{J_{WFCM}^l - J_{WFCM}^{l-1}\} \right| \leq \epsilon \quad (10)$$



شکل (۳): الگوريتم تكرارشونده محکزني چند سطحي کارايي در گام اول، محکزني کفایت با اين فرض انجام مي گيرد که شركت‌هاي توزيع مي توانند تمامي عوامل موروشي و تحميلى خود به کار گيرند تا هزينه سرمایه‌گذاري خود را به منظور ايجاد ظرفيت شبکه و تغذييه مشترکين به حداقل رسانند. بهبود کيفيت خدمات و کاهش تلفات انرژي در اين محکزني مورد توجه قرار نمي گيرد. بنابراین، در ابتداء، تمامي هزينه سرمایه‌گذاري شركت‌ها به عنوان هزينه سرمایه‌گذاري برای ايجاد ظرفيت شبکه و تنها متغير ورودي محکزني در نظر گرفته مي شود. همچنين، مشخصات مشترکين شركت به عنوان متغيرهاي خروجي محکزني کفایت در نظر گرفته مي شود. اين امر در روابط ذيل نشان داده شده است:

$$\begin{cases} \text{Input: } EX_{CA,i} = EX_{C,i} \\ \text{Outputs: Characteristics of company's customers}_i \\ \text{Result: } \theta_{A,i} \end{cases} \quad (11)$$

در گام بعدی، با استفاده از مفهوم بيشينه کاهش نسبي در متغير ورودي، تحليل مازاد صورت مي گيرد تا بر اساس نتایج محکزني کفایت، مقدار مازاد در متغير ورودي محاسبه گردد. مازاد محاسبه شده يك مازاد واقعی نيست و مي تواند هزينه سرمایه‌گذاري اضافي شركت‌ها به منظور بهبود کيفيت خدمات يا کاهش تلفات انرژي باشد. اين امر در روابط ذيل نشان داده شده است:

$$sEX_{CA,i} = EX_{CQ,i}^j + EX_{CL,i}^j \quad (12)$$

$$EX_{CQ,i}^j = m_i^j sEX_{CA,i} \quad \& \quad EX_{CL,i}^j = n_i^j sEX_{CA,i} \quad (13)$$

۲-۱-۲- تحليل پوششی داده‌ها

تحليل پوششی داده‌ها، يك روش غيرپارامتری به منظور اندازه‌گيري کارايي تعدادی همگن از واحدهای تصميم‌گير مي باشد که وظایف مشابهی را بر عهده دارند. تحليل پوششی داده‌ها بر تعیین واحد تصميم‌گير کارا به عنوان واحد مرجع تمرکز دارد و در مقایسه با اين واحد مرجع، کارايي باقیمانده واحدهای واحده را محاسبه مي کند. تحليل پوششی داده‌ها، کارايي واحد تصميم‌گير با چند متغير ورودي و چند متغير خروجي را با توجه به نسبت وزن دار اين متغيرها محاسبه مي کند. با توجه به اينکه، اندازه‌گيري ناکارايي در متغيرهاي ورودي، هدف مدل محکزني چندسطحي کارايي مي باشد، در اين مقاله از مدل CCR ورودي محور تحليل پوششی داده‌ها استفاده شده است [۲۱].

۲-۱-۳- تحليل مازاد

همراه با به کار گيری تحليل پوششی داده‌ها، تحليل مازاد ابزاری مورد توجه به منظور شناسايي جهت‌های بهبود کارايي برای شركت‌هاي ناكاراست. تحليل مازاد، تغييرات نسبی مختلفي را در متغيرهاي ورودي و خروجي مدل تحليل پوششی داده‌ها ارائه مي دهد تا ناكارايي خود را جبران کنند. مازاد در متغير ورودي به معنای نياز به کاهش در متغيرهاي ورودي و مازاد در متغير خروجي به معنای نياز به افزایش در متغيرهاي خروجي مدل است تا شركت‌ها کارا شوند [۸].

۲-۲- روش محکزني چندسطحي کارايي هزينه شركت‌ها

با استفاده از مفهوم رقابت ياردستيک، روش محکزني چندسطحي کارايي هزينه، رقابت مجازي ميان شركت‌هاي توزيع را به وجود مي آورد. اين روش، تحليل پوششی داده‌ها ورودي محور و تحليل مازاد را در چندين سطح با استفاده از يك الگوريتم تكرارشونده به کار گيرد تا مقادير قابل قبول هزينه شركت‌ها را محاسبه کند. تحليل پوششی داده‌هاي به کار گرفته شده، يك مدل CCR ورودي محور برای اندازه‌گيري امتياز کارايي کلي شركت‌هاست. اين مدل، سعي مي کند تا با ثابت نگه داشتن مقادير خروجي مدل کارايي، مقادير ورودي را کمينه سازد [۲۲]. همچنان، تحليل مازاد کمک مي کند تا مقدار کاهش مطلوب در مقادير ورودي شركت‌ها بر اساس امتيازات کارايي محاسبه گردد. الگوريتم تكرارشونده محکزني چند سطحي کارايي در شکل (۳) نشان داده شده است.

همه مقادير به کار گرفته شده در الگوريتم تكرارشونده محکزني چند سطحي کارايي مقادير متوسط دوره قبلی قانون‌گذاري شركت‌ها

کمینه‌سازی هزینه ایجاد ظرفیت شبکه در محکزنی کفایت صورت پذیرفته و بهبود کیفیت خدمات مورد توجه قرار نمی‌گیرد. بنابراین، هزینه بهره‌برداری و هزینه سرمایه‌گذاری برای تلفات انرژی به عنوان متغیرهای ورودی محکزنی کارایی در نظر گرفته شده و مشخصات مشترکین شرکت‌ها در نظر گرفته می‌شود. این امر در رابطه ذیل به طور خلاصه نشان داده شده است

$$\left\{ \begin{array}{l} \text{Inputs: } EX_{CL,i}^j, EX_{OL,i} \\ \text{Outputs: Characteristics of company's customers}_i \\ \text{Result: } \theta_{L,i}^j \end{array} \right. \quad (18)$$

در گام بعدی، تحلیل مازاد بر اساس نتایج محکزنی کارایی تلفات انجام می‌گیرد. در این گام نیز، از مفهوم بیشینه کاهش نسبی در متغیرهای ورودی استفاده شده و مقادیر قابل قبول متغیرهای ورودی بر اساس روابط ذیل محاسبه می‌شوند:

$$rEX_{CL,i}^j = EX_{CL,i}^j - sEX_{CL,i}^j \quad (19)$$

$$rEX_{OL,i}^j = EX_{OL,i}^j - sEX_{OL,i}^j \quad (20)$$

به روزرسانی هزینه سرمایه‌گذاری برای کیفیت خدمات و تلفات انرژی در تکرار بعدی الگوریتم بر اساس روابط ذیل محاسبه می‌شوند:

$$m_i^{j+1} = \frac{rEX_{CQ,i}^j}{rEX_{CQ,i}^j + rEX_{CL,i}^j} \quad (21)$$

$$n_i^{j+1} = \frac{rEX_{CL,i}^j}{rEX_{CQ,i}^j + rEX_{CL,i}^j} \quad (22)$$

همچنین، مقادیر قابل قبول هزینه سرمایه‌گذاری برای هر شرکت بر اساس رابطه ذیل محاسبه می‌شود:

$$rEX_{C,i}^j = rEX_{CA,i}^j + rEX_{CQ,i}^j + rEX_{CL,i}^j \quad (23)$$

شرط توقف الگوریتم تکرارشونده محکزنی چندسطحی کارایی وقتی اتفاق می‌افتد که مقادیر محاسبه شده هزینه سرمایه‌گذاری هر شرکت تغییرات اندکی داشته باشد. این امر در رابطه ذیل نشان داده شده است:

$$|rEX_{C,i}^j - rEX_{C,i}^{j-1}| < \epsilon \quad (24)$$

۳- پیاده‌سازی روش پیشنهادی

روش پیشنهاد شده جهت محکزنی چندسطحی کارایی هزینه شرکت‌های توزیع، بر روی شرکت‌ها توزیع ایران که زیر نظر شرکت مادر تخصصی توانیر به عنوان نهاد حکومتی فعالیت می‌کنند، پیاده‌سازی شد. اطلاعات آماری این شرکت‌ها در جدول (۱) خلاصه شده است.

در اولین تکرار الگوریتم، مقادیر m^j و n^j باهم برابر و مساوی ۰/۵ در نظر گرفته می‌شود. همچنین، مقدار قابل قبول هزینه سرمایه‌گذاری برای کفایت بر اساس رابطه ذیل محاسبه می‌شود:

$$rEX_{CA,i} = EX_{CA,i} - sEX_{CA,i} \quad (14)$$

در گام بعدی از روش محکزنی چندسطحی کارایی، محکزنی کیفیت با در نظر گرفتن این فرض انجام می‌گیرد که شرکت‌ها می‌توانند تمامی عوامل موروثی و تحمیلی خود را به منظور کمینه‌سازی هزینه کیفیت خدمات و بیشینه‌سازی سطح کیفیت خدمات به کار گیرند. در این سطح از محکزنی کارایی، کمینه‌سازی هزینه ایجاد ظرفیت شبکه در محکزنی کفایت مورد ارزیابی قرار گرفته و فرض بر این است که کمینه‌سازی هزینه تلفات انرژی مدنظر قرار نمی‌گیرد. بنابراین، هر دو هزینه سرمایه‌گذاری و هزینه بهره‌برداری به منظور بهبود کیفیت خدمات به عنوان متغیرهای ورودی محکزنی کارایی در نظر گرفته شده و مشخصات مشترکین شرکت‌ها و سطح کیفیت خدمات فراهم آورده شده به عنوان متغیرهای خروجی محکزنی در نظر گرفته می‌شود. این امر، در رابطه ذیل به طور خلاصه نشان داده شده است:

$$\left\{ \begin{array}{l} \text{Inputs: } EX_{CQ,i}^j, EX_{OQ,i} \\ \text{Outputs: Characteristics of company's customers}_i, Quality level_i \\ \text{Result: } \theta_{Q,i}^j \end{array} \right. \quad (15)$$

شاخص‌های کیفیت خدمات، متغیرهای خروجی نامطلوبی برای مدل تحلیل پوششی داده‌ها محسوب می‌شوند، زیرا با افزایش مقادیر آن‌ها کارایی شرکت‌ها در واقع کاهش می‌یابد. بنابراین، روش پیشنهاد شده توسط مرجع [۲۲] به منظور غلبه بر این مشکل به کار گرفته می‌شود. در این روش هر متغیر خروجی نامطلوب در عدد ۱- ضرب شده و سپس با یک مقدار ثابت مثبت جمع بسته می‌شود تا کلیه مقادیر نامطلوب مجدداً به صورت مقادیر مثبت درآیند.

تحلیل مازاد کیفیت در گام بعدی بر اساس امتیازات کارایی کیفیت به دست آمده و ضرب عامل (۱-۰) در مقادیر ورودی که ناشی از مفهوم بیشینه کاهش نسبی در متغیرهای ورودی است، محاسبه می‌شود. در این مفهوم، به منظور تبدیل یک شرکت ناکارا به یک شرکت کارا، بیشینه کاهش یکپارچه در مقادیر متغیرهای ورودی محاسبه می‌گردد. مقادیر قابل قبول هزینه‌های سرمایه‌گذاری و بهره‌برداری به منظور بهبود کیفیت خدمات توسط روابط ذیل محاسبه می‌شوند:

$$rEX_{CQ,i}^j = EX_{CQ,i}^j - sEX_{CQ,i}^j \quad (16)$$

$$rEX_{OQ,i}^j = EX_{OQ,i}^j - sEX_{OQ,i}^j \quad (17)$$

سومین محکزنی کارایی با روش مشابه دو محکزنی کارایی صورت می‌پذیرد. در محکزنی تلفات، فرض بر این است که شرکت‌ها می‌توانند تمامی عوامل موروثی و تحمیلی را به کار گیرند تا هزینه تلفات انرژی خود را کمینه کنند. در این سطح از محکزنی،

قابل اعتماد نیستند و بهینه تعداد خوش‌ها تنها می‌تواند بر اساس مقایسه شاخص‌های مختلف شناسایی شود.

جدول (۳): مقادیر شاخص‌های صحت‌سنجی خوش‌بندی براساس تعداد خوش‌ها

تعداد خوش‌ها	نوع خوش‌ها	تعداد خوش‌ها	نوع خوش‌ها	تعداد خوش‌ها	نوع خوش‌ها
۸	۷	۶	۵	۴	۳
۰/۱۲۵	۰/۱۴۳	۰/۱۶۷	۰/۲۰۰	۰/۲۵۰	۰/۳۳۳
۲/۰۷۹	۱/۹۴۶	۱/۷۹۲	۱/۶۰۹	۱/۳۸۶	۱/۰۹۹
۰/۰۲۵	۰/۰۲۸	۰/۰۳۳	۰/۰۴۰	۰/۰۵۰	۰/۰۶۶
۲۵۳۸۰	۱۷۷۸۷	۹۶۵۵۱	۱۱۸۵۵	۱۶۵۰۳	۱۸۶۶۳
				۱۳۰۸	XB

بهینه تعداد خوش‌ها زمانی حاصل می‌شود که شاخص PC بيشترین مقدار خود و شاخص‌های CE، FS و XB کمترین مقدار خود را داشته باشند. بر اساس جدول (۳)، اين امر در تعداد خوش‌های برابر ۲ برای شاخص‌های PC و XB و در تعداد خوش‌های برابر ۸ برای شاخص FS اتفاق افتاده است. بنابراین، شركت‌های توزيع ايران در دو خوش‌هه دسته بندی شدند که خوش‌هه اول (A) دارای ۱۵ عضو و خوش‌هه دوم (B) دارای ۲۴ عضو می‌باشد. همچنان، درجه عضويت تعلق گرفته به هر شركت نشان دهنده ميزان تعلق آن شركت به خوش‌هه مربوطه می‌باشد و بر اساس آن، هر شركت به خوش‌هه ای که بالاترین درجه عضويت مربوطه را دارا می‌باشد، اختصاص داده شد.

۲-۳ محکزني چندسطحي کارايي هزينه شركت‌های توزيع

در اين مرحله، روش پيشنهاد شده که در بخش پيشين ارائه شد، بر روی شركت‌های هر خوش‌هه پياده شد. به منظور انتخاب متغيرهای خروجي روش محکزني چندسطحي کارايي، تمامی متغيرهایی که می‌توانند هزينه‌های سرمایه‌گذاري و بهره‌برداری شركت‌های توزيع را تحت تأثير قرار دهند، جمع‌آوري شد. سپس، از طریق مصاحبه با متخصصین صنعت برق، متغيرهایی که با توجه به شیوه بهره‌برداری و طراحی شبکه شركت‌های تغیير می‌کنند، از لیست متغيرهای خروجي حذف گردیدند؛ زира اين متغيرهای مبتنی بر تصمیمات خود شركت‌های توزيع بوده و نمی‌توانند به عنوان مقادير خروجي شركت‌های در نظر گرفته شوند. متغيرهای خروجي نهايی شده محکزني در جدول (۴) لیست شده‌اند.

جدول (۴): متغيرهای خروجي نهايی شده محکزني

متغيرهای خروجي	نوع محکزني
انرژي تغذيه شده (مگاوات ساعت)، پیک بار (مگاوات) و تعداد مشترکين (هزارمشترک)	محکزني کفايت
متوسط بار اصلاح شده (مگاوات)، SAIDI (دقیقه) و محکزني تلفات	محکزني کيفيت
انرژي تغذيه شده (مگاوات ساعت)، پیک بار (مگاوات) و تعداد مشترکين (هزارمشترک)	محکزني تلفات

در اين پياده‌سازی، پيوستگي اتصال^{۱۲} به عنوان هدف کيفيت خدمات در نظر گرفته شده است و کيفيت تجاري و کيفيت ولتاژ در اين پياده‌سازی مورد توجه قرار نگرفته است. بنابراین، شاخص متوسط تعداد قطعی سیستم (SAIFI) و شاخص متوسط زمان قطعی

متغيرهای آماری	متوسط بار (مگاوات)
متوسط تلفات انرژي (درصد)	۵۲۰
متوسط CAIDI (دقیقه)	۷/۶۹
متوسط SAIDI (دقیقه)	۱۴/۸۲
تعداد مشترکين (هزارمشترک)	۶۴
هزينه بهره‌برداری برای تلفات انرژي (مليون دلار)	۱۵۵
هزينه بهره‌برداری برای کيفيت (مليون دلار)	۶۵۰
پیک بار (مگاوات)	۳/۷۸
هزينه سرمایه‌گذاري (مليون دلار)	۱۸/۸۸
ناحیه تحت پوشش (کيلومترمربع)	۱۶۹
انرژي تغذيه شده (مگاوات ساعت)	۱۰/۰۸۲
پیک بار (مگاوات)	۱/۷۷۴
هزينه سرمایه‌گذاري (مليون دلار)	۳۰/۲۱۳
ناحیه تحت پوشش (کيلومترمربع)	۰/۹۱۱
امال شد:	۵/۶۸۵
عوامل محیطي: پيشينه دما (درجه سانتي گراد)، کمينه دما (درجه سانتي گراد)، رطوبت (درصد) و متوسط سرعت باد (کيلومتر در ساعت)	۳۶۷۵
شرایط شبکه: چگالی مشترک (تعداد مشترک در کيلومترمربع) و متوسط بار (مگاوات)	۳/۸۲۴
اوزان مشخصه‌های در نظر گرفته شده در خوش‌بندی، با استفاده از الگوريتم تکنيک خودراهندازی که در مرجع [۱۹] پيشنهاد شده است، محاسبه گردید. اوزان محاسبه شده در جدول (۲) ارائه شده است.	۱۷۸۴۳۱
مشخصه	۱۰/۰۸۲
چگالی مشترک (تعداد مشترک در کيلومترمربع)	۰/۰۷۷
متوسط بار (مگاوات)	۰/۰۲۷۱
پيشينه دما (درجه سانتي گراد)	۰/۰۳۹
کمينه دما (درجه سانتي گراد)	۰/۱۱۳
رطوبت (درصد)	۰/۱۳۲
متوسط سرعت باد (کيلومتر در ساعت)	۰/۱۵۹
متوسط سرعت باد (کيلومتر در ساعت)	۰/۰۸۶

۳-۱ شناسايي شركت‌های مشابه با استفاده از خوش‌بندی وزن دار فازی c-means

همان‌طوری که پيش از اين گفته شد، کارايي و کيفيت خدمات شركت‌های توزيع می‌تواند توسيع عوامل ذاتي تحت تأثير قرار گيرد [۱۶]. اين عوامل، خارج از کنترل شركت‌ها بوده و به منظور رقابت‌پذيری شركت‌ها در پروسه محکزني، شركت‌های توزيع ايران می‌توانند بر اساس عوامل ذاتي مؤثر خوش‌بندی شده و شركت‌های مشابه در يك خوش‌هه قرار داده شوند. بدین منظور، خوش‌بندی وزن دار فازی c-means بر روی اين شركت‌ها بر اساس مشخصه‌های ذيل اعمال شد:

- عوامل محیطي: پيشينه دما (درجه سانتي گراد)، کمينه دما (درجه سانتي گراد)، رطوبت (درصد) و متوسط سرعت باد (کيلومتر در ساعت)
- شرایط شبکه: چگالی مشترک (تعداد مشترک در کيلومترمربع) و متوسط بار (مگاوات)
- اوزان مشخصه‌های در نظر گرفته شده در خوش‌بندی، با استفاده از الگوريتم تکنيک خودراهندازی که در مرجع [۱۹] پيشنهاد شده است، محاسبه گردید. اوزان محاسبه شده در جدول (۲) ارائه شده است.

جدول (۲): اوزان مشخصه‌های خوش‌بندی

وزن	مشخصه
۰/۰۷۷	چگالی مشترک (تعداد مشترک در کيلومترمربع)
۰/۰۳۹	متوسط بار (مگاوات)
۰/۱۱۳	پيشينه دما (درجه سانتي گراد)
۰/۱۳۲	کمينه دما (درجه سانتي گراد)
۰/۱۵۹	رطوبت (درصد)
۰/۰۸۶	متوسط سرعت باد (کيلومتر در ساعت)

مقدار شاخص‌های صحت‌سنجی خوش‌بندی براساس تعداد خوش‌ها در جدول (۳) نشان داده شده است. همان‌طوری که در مرجع [۵] ذکر شده است، هیچ‌کدام از شاخص‌های صحت‌سنجی به تنهایی

عنوان شرکت‌هایی کارا شناخته می‌شوند. همچنین، شرکت‌هایی مانند A1 در خوشة B و شرکت A11 در خوشه A نه تنها در محکزنی کفایت نتوانسته‌اند بالاترین امتیاز را کسب کنند، بلکه در محکزنی کیفیت یا تلفات نیز نتوانسته‌اند به عنوان شرکتی کارا امتیاز کسب کنند. این امر نشان‌دهنده این امر است که این شرکت‌ها نتوانسته‌اند سرمایه‌گذاری اضافه خود را به درستی در راستای بهبود کیفیت خدمات یا کاهش تلفات انرژی جهت دهی کنند. شرکت‌هایی مانند A10 در خوشه A نیز که در هر سه محکزنی ناکارا بوده‌اند، می‌توانند هزینه‌های بهره‌برداری و سرمایه‌گذاری خود با توجه مقدار مازاد محاسبه شده کاهش داده و کارایی هزینه خود را افزایش دهنده است:

ستون‌های ششم، هفتم و هشتم جدول (۶) مقدار قابل قبول سرمایه‌گذاری را به ترتیب برای کفایت، کیفیت و تلفات نشان می‌دهند. مقدار قابل قبول هزینه سرمایه‌گذاری، هزینه بهره‌برداری برای کیفیت و هزینه بهره‌برداری برای تلفات انرژی در ستون‌های نهم، دهم و یازدهم ارائه شده است. همچنین، ستون‌های دوازدهم، سیزدهم و چهاردهم جدول (۶) نشان‌دهنده مقدار مازاد هزینه سرمایه‌گذاری، مازاد هزینه بهره‌برداری برای کیفیت و مازاد هزینه بهره‌برداری برای تلفات انرژی به تفکیک هر شرکت می‌باشد. مقدار مازاد نشان‌دهنده اختلاف بین هزینه‌های شرکت‌ها به مقدار قابل قبول مربوطه می‌باشد که شرکت‌ها می‌توانند با کاهش با توجه به این مقدار کارایی هزینه خود را افزایش دهند.

۴- نتیجه‌گیری

در این مقاله، روش محکزنی چند سطحی کارایی هزینه شرکت‌های توزیع الکتریکی ارائه شد. محکزنی چند سطحی کارایی ارائه شده، همکاری مشترک هزینه‌های بهره‌برداری و سرمایه‌گذاری برای بهبود کیفیت خدمات و کاهش تلفات انرژی در نظر می‌گیرد. با توجه به خوشبندی شرکت‌ها در این روش بر اساس خوشبندی وزن‌دار فازی c-means و دسته‌بندی شرکت‌های مشابه و همچنین محکزنی شرکت‌ها بر اساس اطلاعات آماری خود شرکت‌ها بر مبنای تحلیل پوششی داده‌ها، روش ارائه شده، روشنی منصفانه و کاربردی جهت محکزنی شرکت‌های توزیع می‌باشد. روش پیشنهادی، به خوبی می‌تواند هزینه‌های شرکت‌های توزیع را تحلیل کرده و با ارائه مقدار مازاد، کاهش هزینه شرکت‌ها به منظور افزایش کارایی را جهت دهی کند. در نهایت، روش ارائه شده بر روی شرکت‌های توزیع الکتریکی ایران پیاده‌سازی شد و نتایج آن به طور کامل ارائه و بررسی شد.

سیستم^{۱۴} (SAIDI) به عنوان دو شاخص کیفیت خدمات در نظر گرفته شدند. این دو شاخص در برگیرنده تعداد و زمان قطعی‌های سیستم به عنوان دو مشخصه اصلی پیوستگی اتصال می‌باشند و می‌توانند نمایش مناسبی از سطح کیفیت خدمات باشند. همچنین، به دلیل اختلاف بین ارزش قطعی در بین گروه‌های مختلف مشترکین، متوسط بار شرکت‌ها در این پیاده‌سازی بر اساس ارزش قطعی‌ها مورد بازنگری قرار گرفته‌اند. این بازنگری، با وزن دهی به متوسط بار هر گروه از مشترکین هر شرکت بر اساس تابع خسارت گروهی مشترکین^{۱۵} (SCDF) صورت پذیرفته است. این امر در رابطه ذیل نشان داده شده است:

$$mAL_i = \frac{\sum_{s=1}^S SCDF_i^s(CAIDI_i) \times AL_i^s}{\sum_{s=1}^S SCDF_i^s(CAIDI_i)} \quad (25)$$

تابع خسارت گروهی مشترکین، تابعی زمان قطعی مشترکین می‌باشد. بنابراین، مقدار این تابع بر اساس شاخص متوسط زمان قطعی مشترکین محاسبه شده است. شرکت توانی در سال ۱۳۷۴ مطالعاتی در زمینه هزینه قطعی مشترکین انجام داد که نتایج سه گروه مشترکین مورد مطالعه در جدول (۵) به عنوان تابع خسارت گروهی مشترکین نشان داده شده است [۲۳].

جدول (۵): تابع خسارت گروهی مشترکین

خسارت (دلار بر کیلووات)			زمان قطعی
صنعتی	تجاري	خانگی	
۰/۱۸۰	۰/۰۰۶	۰/۰۰۰	دو ثانية
/۱۸۰	۰/۰۰۶	۰/۰۰۰	یک دقیقه
۰/۳۰۴	۰/۰۶۵	۰/۰۰۰	پیشت دقیقه
۱/۹۲۰	۱/۲۱۳	۰/۷۹۳	یک ساعت
۴/۸۰۰	۳/۶۴۰	۲/۳۸۰	دو ساعت

در جدول (۶) نتایج پیاده‌سازی روش محکزنی چندسطحی کارایی هزینه بر روی شرکت‌های توزیع ایران ارائه شده است. امتیازات محکزنی کفایت، کیفیت و تلفات به ترتیب در ستون‌های سوم، چهارم و پنجم این جدول ارائه شده است. متوسط امتیازات محکزنی کفایت، کیفیت و تلفات به ترتیب برابر با ۰/۷۲۵، ۰/۸۳۳ و ۰/۸۰۱ می‌باشد. همان‌طوری که نتایج پیاده‌سازی نشان می‌دهند، شرکت‌هایی مانند شرکت B8 در خوشه B که توانسته‌اند در هر سه محکزنی بالاترین امتیاز ممکن را کسب کنند، شرکت‌های کارا شناخته شده‌اند و روش پیشنهادی مازادی را برای آن‌ها در نظر نگرفته است. شرکت‌هایی مانند شرکت A7 در خوشه A نتوانسته‌اند در محکزنی کفایت بالاترین امتیاز را کسب کنند، اما در دو محکزنی دیگر توانسته‌اند بالاترین امتیاز را کسب کنند. این امر نشان دهنده این امر است که این شرکت‌ها علی‌رغمی که هزینه‌هایی اضافی در سرمایه‌گذاری خود داشته‌اند، اما توانسته‌اند به درستی سرمایه‌گذاری اضافی خود را جهت دهی کرده و بیشینه کیفیت خدمات و کمینه تلفات انرژی را از آن به دست آورند. بنابراین، از دیدگاه قانون‌گذار این شرکت نیز به

جدول (۶): نتایج پیاده‌سازی روش محکزی چندسطحی کارایی هزینه بر روی شرکت‌های توزیع ایران

خواهش	شرکت	θ_A	θ_Q	θ_L	rEX_{CA} (M\$)	rEX_{CQ} (M\$)	rEX_{CL} (M\$)	rEX_C (M\$)	rEX_{OQ} (M\$)	rEX_{OL} (M\$)	sEX_C (M\$)	sEX_{OQ} (M\$)	sEX_{OL} (M\$)
A	A1	-/۵۴۴	-/۷۵۸	-/۵۹۳	۸/۹۹	۵/۷۱	-/۰۰	۴/۸۶	۶/۳۸	۱۴/۷۰	۱/۸۲	۱/۵۵	۴/۳۷
	A2	-/۶۷۹	۱/۰۰۰	۱/۰۰۰	۱۶/۵۹	۵/۱۰	۲/۷۶	۵/۲۱	۱۰/۹۲	۲۴/۴۵	-/۰۰	-/۰۰	-/۰۰
	A3	-/۵۲۰	-/۹۱۰	-/۹۱۰	۹/۳۹	۶/۴۸	۱/۳۴	۴/۴۴	۶/۱۸	۱۷/۱۰	-/۷۷	-/۴۳	-/۸۱
	A4	-/۶۰۶	-/۶۳۹	-/۴۶۳	۱۵/۶۵	۶/۵۲	-/۰۰	۴/۶۲	۱۱/۱۰	۲۲/۱۷	۳/۶۸	۲/۶۱	۱۲/۹۰
	A5	۱/۰۰۰	۱/۰۰۰	۱/۰۰۰	۳۶/۱۴	-/۰۰	-/۰۰	۳۰/۲۱	۲۵/۶۵	۲۶/۱۴	-/۰۰	-/۰۰	-/۰۰
	A6	-/۷۰۴	-/۴۶۹	-/۴۴۲	۱۵/۲۰	۲/۹۸	-/۰۰	۶/۳۳	۱۰/۷۹	۱۸/۱۸	۳/۴۰	۷/۲۳	۱۳/۶۰
	A7	-/۶۳۹	۱/۰۰۰	۱/۰۰۰	۱۱/۰۸	۲/۶۲	۳/۶۳	۵/۸۴	۶/۶۸	۱۷/۳۲	-/۰۰	-/۰۰	-/۰۰
	A8	-/۴۷۷	-/۶۳۴	-/۶۳۴	۱۳/۱۲	۲/۴۴	۶/۷۰	۶/۷۹	۷/۷۸	۲۲/۲۶	۵/۲۷	۳/۹۲	۴/۴۹
	A9	-/۹۲۳	۱/۰۰۰	-/۴۹۲	۳۲/۶۳	۲/۷۱	-/۰۰	۶/۸۲	۲۳/۱۵	۳۵/۲۵	-/۰۰	-/۰۰	۲۳/۹۲
	A10	-/۶۴۹	-/۴۰۳	-/۴۶۴	۹/۴۳	-/۰۰	۲/۳۷	۶/۷۲	۶/۲۰	۱۱/۸۰	۲/۷۳	۹/۹۵	۷/۱۶
	A11	-/۶۱۳	۱/۰۰۰	-/۶۵۰	۹/۵۹	۶/۰۵	-/۰۰	۴/۳۰	۶/۸۱	۱۵/۶۴	-/۰۰	-/۰۰	۳/۶۶
	A12	-/۴۷۴	۱/۰۰۰	۱/۰۰۰	۱۱/۱۰	۶/۱۷	۶/۱۷	۲/۲۰	۶/۵۴	۲۳/۴۳	-/۰۰	-/۰۰	-/۰۰
	A13	-/۸۲۱	-/۹۲۷	-/۸۶۴	۱۰/۲۸	۲/۰۸	-/۰۰	۸/۰۰	۷/۳۰	۱۲/۳۷	-/۱۶	-/۶۳	۱/۱۴
	A14	-/۸۵۲	۱/۰۰۰	-/۷۳۲	۱۳/۱۵	۲/۲۹	-/۰۰	۷/۵۷	۹/۳۳	۱۵/۴۴	-/۰۰	-/۰۰	۳/۴۱
	A15	-/۵۷۹	-/۵۹۷	-/۵۹۷	۱۵/۰۶	۲/۰۲	۴/۵۰	۴/۸۴	۹/۷۴	۲۱/۵۸	۴/۴۰	۳/۲۷	۶/۵۷
B	B1	-/۸۰۱	-/۷۵۲	۱/۰۰۰	۸/۴۶	-/۰۰	۱/۴۸	۴/۱۱	۵/۳۷	۹/۹۳	-/۰۰	۱/۳۵	-/۰۰
	B2	۱/۰۰۰	-/۴۱۷	۱/۰۰۰	۶/۷۵	-/۰۰	-/۰۰	۲/۶۲	۵/۸۵	۶/۷۵	-/۰۰	۵/۰۸	-/۰۰
	B3	-/۵۴۹	-/۶۹۵	-/۹۸۷	۴/۳۹	-/۰۰	۳/۴۸	۲/۸۸	۲/۷۴	۷/۷۷	-/۰۰	۱/۲۷	-/۰۴
	B4	-/۹۱۳	-/۷۷۳	-/۷۷۳	۳/۴۷	-/۱۳	-/۱۲	۲/۴۷	۲/۴۲	۳/۷۳	-/۰۷	-/۷۳	-/۷۱
	B5	-/۸۶۰	۱/۰۰۰	۱/۰۰۰	۱۰/۸۰	۱/۶۶	-/۱۰	۳/۰۵	۸/۵۲	۱۲/۵۶	-/۰۰	-/۰۰	-/۰۰
	B6	-/۵۹۶	-/۵۵۶	-/۵۵۶	۷/۱۸۸	-/۰۶	۲/۹۲	۳/۳۰	۴/۳۳	۱۰/۸۹	۲/۳۸	۲/۶۳	۳/۴۶
	B7	-/۶۲۹	-/۵۸۸	-/۵۸۷	۶/۴۴	۱/۸۲	-/۰۱	۱/۶۸	۴/۲۵	۸/۶۷	۱/۵۶	۱/۱۸	۲/۹۹
	B8	۱/۰۰۰	۱/۰۰۰	۱/۰۰۰	۶/۹۴	-/۰۰	-/۰۰	۳/۱۷	۵/۷۱	۶/۶۷	-/۰۰	-/۰۰	-/۰۰
	B9	-/۷۷۷	۱/۰۰۰	۱/۰۰۰	۳/۳۹	-/۱۷	-/۰۷۹	۲/۱۰	۱/۷۷	۴/۲۴	-/۰۰	-/۰۰	-/۰۰
	B10	-/۵۸۸	-/۹۳۹	-/۹۳۹	۲/۸۲	-/۰۱	۱/۷۶	۲/۲۹	۱/۸۲	۴/۶۸	-/۱۲	-/۱۸	-/۱۲
	B11	-/۷۱۸	-/۸۲۲	-/۵۹۷	۲۰/۲۷	۶/۵۴	-/۰۰	۴/۸۵	۱۷/۶۲	۲۶/۸۲	۱/۴۲	۱/۰۵	۱۱/۸۷
	B12	-/۵۴۱	-/۸۵۱	-/۷۳۵	۳/۲۶	۲/۳۵	-/۰۰	۱/۶۰	۲/۸۱	۵/۶۱	-/۴۱	-/۲۸	۱/۰۱
	B13	-/۸۲۶	۱/۰۰۰	۱/۰۰۰	۷/۱۴	۱/۳۲	-/۱۹	۲/۱۷	۴/۶۷	۸/۶۵	-/۰۰	-/۰۰	-/۰۰
	B14	-/۹۲۷	۱/۰۰۰	۱/۰۰۰	۹/۸۶	-/۰۴۱	-/۰۳۷	۳/۲۰	۵/۶۶	۱۰/۶۴	-/۰۰	-/۰۰	-/۰۰
	B15	-/۹۰۴	۱/۰۰۰	۱/۰۰۰	۵/۶۴	-/۰۳۰	-/۰۳۰	۲/۴۸	۲/۵۷	۶/۲۳	-/۰۰	-/۰۰	-/۰۰
	B16	-/۶۷۰	-/۷۶۹	-/۶۵۸	۶/۶۶	۲/۰۳	-/۰۰	۱/۶۹	۵/۷۸	۹/۱۹	-/۷۶	-/۵۱	۳/۰۱
	B17	-/۶۲۵	۱/۰۰۰	۱/۰۰۰	۵/۱۵	-/۰۱۳	۲/۹۵	۲/۲۹	۳/۲۹	۸/۲۳	-/۰۰	-/۰۰	-/۰۰
	B18	-/۳۷۶	۱/۰۰۰	-/۶۳۹	۲/۸۰	۴/۶۴	-/۰۰	-/۰۱	۲/۴۳	۷/۴۳	-/۰۰	-/۰۰	۱/۳۷
	B19	-/۸۲۲	-/۹۰۴	-/۸۶۶	۱۱/۲۶	۵/۲۰	-/۰۰	۲/۴۱	۹/۷۵	۱۳/۴۶	-/۲۳	-/۲۶	۱/۵۰
	B20	-/۷۶۲	-/۵۸۲	-/۵۸۲	۹/۶۲	-/۰۷۶	-/۰۹۹	۲/۷۲	۴/۳۹	۱۱/۳۸	۱/۲۵	۱/۹۶	۳/۱۵
	B21	-/۶۲۳	-/۶۸۰	-/۶۸۰	۱۱/۵۵	۴/۲۲	-/۰۳۳	۲/۹۳	۷/۴۰	۱۶/۱۰	۲/۱۴	۱/۳۷	۳/۴۷
	B22	-/۸۰۱	-/۹۶۷	-/۹۶۷	۴/۶۰	-/۰۶۵	-/۰۴۵	۲/۱۲	۳/۵۶	۵/۷۰	-/۰۰۴	-/۰۰۷	-/۱۲
	B23	۱/۰۰۰	۱/۰۰۰	۱/۰۰۰	۶/۴۰	-/۰۰	-/۰۰	۲/۸۹	۵/۶۵	۶/۴۰	-/۰۰	-/۰۰	-/۰۰
	B24	-/۸۳۶	-/۸۴۷	-/۸۴۷	۹/۸۹	۱/۱۶	-/۰۴۸	۲/۹۸	۴/۸۱	۱۱/۵۴	-/۰۳۰	-/۰۴۴	-/۸۷

نیازهای	هزینه بهره‌برداری برای کیفیت (میلیون دلار)	هزینه سرمایه‌گذاری (میلیون دلار)	هزینه سرمایه‌گذاری برای کیفیت (میلیون دلار)	هزینه سرمایه‌گذاری برای تلفات انرژی (میلیون دلار)	هزینه سرمایه‌گذاری برای تلفات انرژی برای کیفیت (میلیون دلار)	هزینه سرمایه‌گذاری برای تلفات انرژی برای کیفیت (میلیون دلار)
i	اندیس شرکت‌ها	متوسط بار (مگاوات)	شاخص متوسط زمان قطعی مشترکین (دقیقه)			
j	اندیس تکرار الگوریتم					
m	ضریب هزینه سرمایه‌گذاری برای کیفیت					
mAL	متوسط بار اصلاح شده (مگاوات)	EX_C	EX_{CA}	EX_{CL}	EX_{CQ}	EX_{OL}
n	ضریب هزینه سرمایه‌گذاری برای تلفات انرژی					
rEX_C	مقدار قابل قبول هزینه سرمایه‌گذاری برای تلفات انرژی (میلیون دلار)					
rEX_{CA}	مقدار قابل قبول هزینه سرمایه‌گذاری برای کیفیت (میلیون دلار)					
rEX_{CL}	مقدار قابل قبول هزینه سرمایه‌گذاری برای تلفات انرژی (میلیون دلار)					

- DEA," *Power Systems, IEEE Transactions on*, vol. 30, pp. 3160-3167, 2015.
- M. Niu and Z. Xu, "Efficiency ranking-based [12] evolutionary algorithm for power system planning and operation," *Power Systems, IEEE Transactions on*, vol. 29, pp. 1437-1438, 2014.
- K. Li and B. Lin, "Impact of energy conservation [13] policies on the green productivity in China's manufacturing sector: Evidence from a three-stage DEA model," *Applied Energy*, vol. 168, pp. 351-363, 2016.
- D. Parker, "Price cap regulation, profitability and [14] returns to investors in the UK regulated industries," *Utilities Policy*, vol. 6, pp. 303-315, 1997.
- S. Viljainen, "Regulation design in the electricity [15] distribution sector. Theory and practice," *Acta Universitatis Lapponicae*, vol. 8, pp. 1-134, 2006.
- E. Fumagalli, L. Lo Schiavo, and F. Delestre, *Service [16] quality regulation in electricity distribution and retail*, 2007.
- J. C. Bezdek, *Pattern recognition with fuzzy objective [17] function algorithms*: Kluwer Academic Publishers, 1981.
- X. Wang, Y. Wang, and L. Wang, "Improving fuzzy [18] c-means clustering based on feature-weight learning," *Pattern Recognition Letters*, vol. 25, pp. 1123-1132, 2004.
- W.-L. Hung, M.-S. Yang, and D.-H. Chen, [19]"Bootstrapping approach to feature-weight selection in fuzzy c-means algorithms with an application in color image segmentation," *Pattern Recognition Letters*, vol. 29, pp. 1317-1325, 2008.
- Y. Xie, V. V. Raghavan, and X. Zhao, "3M algorithm: [20] finding an optimal fuzzy cluster scheme for proximity data," in *Fuzzy Systems, 2002. FUZZ-IEEE'02. Proceedings of the 2002 IEEE International Conference on*, 2002, pp. 627-632.
- A. Charnes, W. W. Cooper, and E. Rhodes, [21]"Measuring the efficiency of decision making units," *European journal of operational research*, vol. 2, pp. 429-444, 1978.
- L. M. Seiford and J. Zhu, "Modeling undesirable [22] factors in efficiency evaluation," *European Journal of Operational Research*, vol. 142, pp. 16-20, 2002.

زیرنویس‌ها

- Data Envelopment Analysis
- Customer Average Interruption Duration Index
- Customer Average Interruption Frequency Index
- Bootstrapping Technique
- Slack Analysis
- Weighted Fuzzy c-means Clustering
- Partition Coefficient
- Classification Entropy
- Fukuyama-Sugeno's Index
- Xie-Beni Index
- Strong Law of Large Numbers
- Continuity of Supply
- System Average Interruption Frequency Index
- System Average Interruption Duration Index
- Sector Customer Damage Function

rEX_{CQ}	مقدار قابل قبول هزینه سرمایه‌گذاری برای کیفیت (میلیون دلار)
rEX_{OL}	مقدار قابل قبول هزینه بهره‌برداری برای تلفات انرژی (میلیون دلار)
rEX_{OQ}	مقدار قابل قبول هزینه بهره‌برداری برای کیفیت (میلیون دلار)
s	اندیس گروه مشترک‌کن
sEX_C	مازاد هزینه سرمایه‌گذاری (میلیون دلار)
sEX_{CA}	مازاد هزینه سرمایه‌گذاری برای کیفیت (میلیون دلار)
sEX_{CL}	مازاد هزینه سرمایه‌گذاری برای تلفات انرژی (میلیون دلار)
sEX_{CQ}	مازاد هزینه سرمایه‌گذاری برای کیفیت (میلیون دلار)
sEX_{OL}	مازاد هزینه بهره‌برداری برای تلفات انرژی (میلیون دلار)
sEX_{OQ}	مازاد هزینه بهره‌برداری برای کیفیت (میلیون دلار)
θ_A	امتیاز محکزنی کیفیت
θ_L	امتیاز محکزنی تلفات
θ_O	امتیاز محکزنی کیفیت

مراجع

- M. Farsi, A. Fetz, and M. Filippini, "Benchmarking [1] and regulation in the electricity distribution sector," *Servizi Pubblici: Nuovo tendenze nella regolametazione nella produzione et nel finanziamento*. Franco Angeli, Milano, pp. 159-176, 2007.
- T. Jamasb and M. Pollitt, "International [2] benchmarking and regulation: an application to European electricity distribution utilities," *Energy Policy*, vol. 31, pp. 1609-1622, 2003.
- C.-F. Chien, F.-Y. Lo, and J. T. Lin, "Using DEA to [3] measure the relative efficiency of the service center and improve operation efficiency through reorganization," *Power Systems, IEEE Transactions on*, vol. 18, pp. 366-373, 2003.
- R. Sanhueza, H. Rudnick, and H. Lagunas, "DEA [4] efficiency for the determination of the electric power distribution added value," *Power Systems, IEEE Transactions on*, vol. 19, pp. 919-925, 2004.
- M. Simab and M.-R. Haghifam, "Using integrated [5] model to assess the efficiency of electric distribution companies," *Power Systems, IEEE Transactions on*, vol. 25, pp. 1806-1814, 2010.
- W. Qingran and Z. Lizi, "Transmission-Distribution [6] Pricing Regulation Based on Yardstick Competition Incorporated with Market Equilibrium," in *Management and Service Science, 2009. MASS'09. International Conference on*, 2009, pp. 1-4.
- J. Tanure, C. M. V. Tahan, and J. M. Lima, [7]"Establishing quality performance of distribution companies based on Yardstick regulation," *Power Systems, IEEE Transactions on*, vol. 21, pp. 1148-1153, 2006.
- M. Simab, K. Alvehag, L. Söder, and M.-R. [8] Haghifam, "Designing reward and penalty scheme in performance-based regulation for electric distribution companies," *IET generation, transmission & distribution*, vol. 6, pp. 893-901, 2012.
- M. Simab and M. R. Haghifam, "Quality performance [9] based regulation through designing reward and penalty scheme for electric distribution companies," *International Journal of Electrical Power & Energy Systems*, vol. 43, pp. 539-545, 2012.
- M. Resende, "Relative efficiency measurement and [10] prospects for yardstick competition in Brazilian electricity distribution," *Energy Policy*, vol. 30, pp. 637-647, 2002.
- C.-Y. Lee, "Distinguishing operational performance [11] in power production: a new measure of effectiveness by